文章编号: 1001-3806(2023)02-0241-06

面向航空损伤叶片点云的分阶段配准研究

赵红壮1,刘 瑾1*,杨海马2,潘方超1,陈 伟1

(1.上海工程技术大学电子电气工程学院,上海 201620;2.上海理工大学 光电信息与计算机工程学院,上海 200093)

摘要:为了提高非接触式测量的数据处理精度,采用一种分阶段配准的方法,先将缺损叶片分为4个部分,采用自 配准算法对每部分进行配准;再对相邻两部分采用改进的完全配准算法进行整体配准。结果表明,自配准算法与传统算 法相比,在配准误差均小于0.005 mm的前提下,配准时间可以缩短到1s以内;完全配准与传统算法相比,速度较快,并 通过0级的标准量块测量实验得出系统的测量误差小于0.010 mm,满足叶片测量的精度要求。该分阶段配准方法对测 量航空叶片具有一定的应用价值。

关键词:激光技术;航空发动机叶片;分阶段配准;降维配准 中图分类号:TN249;TP391 文献标志码:A doi:10.7510/jgjs.issn.1001-3806.2023.02.013

Research on staged registration of point clouds for aeronautical damaged blades

ZHAO Hongzhuang¹, LIU Jin¹, YANG Haima², PAN Fangchao¹, CHEN Wei¹

(1. School of Electronic and Electrical Engineering, Shanghai University of Engineering Science, Shanghai 201620, China;2. School of Optical-Electrical and Computer Engineering, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai 200093, China)

Abstract: In order to improve the accuracy of data processing, a staged registration method was proposed. First, the defective blades were divided into four parts, and the self-registration algorithm was used to register each part; then the improved complete registration algorithm was used for the global registration of the adjacent two parts. The experimental results show that compared with the traditional algorithm, the registration time can be shorten to less than 1 s under the premise that the registration error is less than 0. 005 mm by using the self-registration algorithm; the complete registration is faster than the traditional algorithm. The measurement error of the system is less than 0. 010 mm by measuring the 0-level standard gauge block, which meets the accuracy precision requirements of blade measurement. The staged registration method has certain application value for the measurement of aviation blades.

Key words: laser technique; aero-engine blades; staged registration; dimensionality reduction registration

引 言

随着我国航空事业的快速发展,航空发动机的研究愈发重要,而叶片作为高性能航空发动机的核心工作部件,极为重要。叶片在高温、高压、高摩擦的环境中高速旋转,承受较大负荷,损伤率高,且其造价昂贵,

一般多采用修复技术以延长使用寿命。叶片的工作环 境要求叶片在修复过程中必须采用高精度的检测方法 以保证叶片修复可以达标^[1]。因此,建立高精度的损 伤叶片模型具有重要的实际意义。随着测量技术的发 展,采用激光三角法原理^[2]的非接触检测方法开始在 航空叶片的损伤检测领域中广泛使用。而其数据处理 算法还有待优化,许多学者对此展开了研究。

ZHOU 等人^[3] 针对直纹叶片提出了线性特征构 造,通过对边界点云数据进行非刚性配准和等分数据 来快速得到叶片曲面,该方法具有一定局限性。MA 等人^[4] 针对风电叶片特征点少的问题提出了基于直 线特征的配准方法,提高了叶片重建的速度,但是难以 得到叶片 3 维模型。SONG 等人^[5]提出采用移动最小 二乘算法对叶片点云数据曲面重建,由于叶片自身是

基金项目:国家自然科学基金资助项目(U1831133);科技 部科技创新××重大项目(2020AAA0109301);上海市科委科技 创新行动计划资助项目(22S31903700;21S31904200)

作者简介:赵红壮(1995-),男,硕士研究生,主要从事3维 重建与缺陷检测、嵌入式系统及相关软硬件开发等方面的 研究。

^{*} 通讯联系人。E-mail:flyingpine@ sina. com

收稿日期:2022-02-25;收到修改稿日期:2022-05-13

自由曲面,该方法获得的曲面较为平滑,但是处理过程 可能形成奇异方程造成错误配准。ZHANG 等人^[6]通 过约束最小二乘的方法对叶片边缘数据进行拟合建 模,采用了以前缘为中心逐次拟合的方法增强算法的 鲁棒性,可以提高建模精度,但是需要提前已知叶片模 型边缘形状。

BESL 等人^[7]提出迭代最近点算法(iterative closest point algorithm, ICP),该算法对点云的位置进行变 化以达到配准的目的,但是对初始位置依赖严重,且容 易陷入局部最优。LIU 等人^[8]提出将 ICP 算法用在叶 型点云数据的配准中,使用四元素法进行求解,有一定 的效果。LIN 等人^[9]提出 3 次样条的优化搜索策略来 改进 ICP 算法对叶片的截面曲线数据进行配准,减少 了迭代次数,但还是严重依赖初始配准位置。SEGAL 等人^[10]采用最近分布到分布的对应模型,在经典 ICP 算法里将代价函数中附加了一个高斯概率模型,增加 了计算的复杂度。SERAFIN 等人^[11]提出基于法线特 征与曲率的改进迭代最近点配准算法,对初始位置有 一定的改进。CHEN 等人^[12]采用天牛须改进的粒子 群算法以分布熵为寻优标准的方法来加速点云的配 准,该方法还有待进一步优化。LIU 等人^[13]在参考文 献[14]的基础上提出了混合稀疏的 ICP 算法,采用混 合正则项作为配准函数,结合交替乘子法进行配准,提 高了配准效率,但是对低重叠率叶片数据的配准有待 优化。PROKOP 等人^[15]提出基于线特征的低重叠率 点云配准,该方法非常依赖预处理和线特征提取的 结果。

针对配准初始位置的优化,DAI 等人^[16]提出先采 用主方向贴合的方法进行点云的粗配准,通过计算两 块点云重心进行简单平移,该方法对形状差异较大的 点云提供的初始位置并不理想。SHI 等人^[17]采用主 成分分析(principal component analysis,PCA)的改进 ICP 策略,与经典 ICP 算法相比,明显缩短了整体配准 时间,但配准时间还是很长。ZHAO 等人^[18]通过采样 一致性进行初始位置的变换,进一步提高了后续配准 的精度。LU 等人^[19]通过提取点云尺度不变特征来增 加局部特征的权重,以此使用超四点快速鲁棒匹配算 法^[20]进行粗配准,可以提供较好的初始位置。

本文作者基于以上对叶片数据处理算法的研究, 结合叶片自身特点,提出一种分阶段配准方法,将叶片 分为4个部分曲面,对每部分曲面进行自配准,并对不 同部分曲面进行完全配准。自配准先使用降维的方法 进行粗配准,再使用改进的迭代最近点算法进行精配 准;完全配准在前面的基础上再次配准,获得叶片完整 曲面。搭建了基于线激光的四维度扫描系统实验平 台,实验证明在满足精度的前提下,本文中的算法提高 了叶片检测效率,得到较高精度的叶片3维模型。

1 分阶段配准算法

考虑到叶片形状的因素,将叶片大致分为叶盆、前 缘、叶背和后缘等4个部分曲面,如图1所示。鉴于每 部分需要多次扫描获得数据,提出分阶段配准算法。 先对这4个部分各自的多次数据进行自配准,即通过 降维迭代最近点算法(dimensionality reduction iterative closest point,DRICP)来加速配准速度;然后每部分相 邻之间采用改进代价函数的对称 ICP 算法(symmetric iterative closest point,SICP)进行配准,完成叶片全部的 曲面配准。



1.1 自配准

通过研究,发现叶盆曲面和叶背曲面的各自数据 集可以投影到某个平面后,与自身数据集不存在或者 很少有重叠点。基于这个思路,提出一种快速降维配 准算法,流程是先将各数据集依照某个平面投影降维, 进行粗配准,然后计算点云的法线和曲率进行精配准。 具体流程见下。

在3维坐标系内选取一个平面 M,使源点云集和 目标点云集 P 和 Q 投影到该平面,得到新的自配准点 云集 P_x 和 Q_x ,且平面内无重叠点。为简便起见,取 3 维坐标系的原点投影到平面 M 的点 O'为平面 2 维坐 标系的原点,同时取另外一个轴线基向量做平面 M 的 投影,可以此建立完整 2 维坐标系,如图 2 所示,得到 单位投影算子 ∇ :

$$\nabla = \begin{bmatrix} x_{\rm h} & y_{\rm h} & z_{\rm h} \\ x_{\rm l} & y_{\rm l} & z_{\rm l} \\ x_{\rm w} & y_{\rm w} & z_{\rm w} \end{bmatrix}$$
(1)

式中, $(x_n \ y_n \ z_n)(n=h,l,w)$ 为投影算子在3维坐标下的对应值。

将原坐标系下的某点 $D(x_D, y_D, z_D)$ 投影变换到平





Fig. 2 Coordinate system conversion 面后的点 $d(x_d, y_d)$,坐标转换公式如下:

$$(h_d, x_d, y_d) = \nabla \cdot \begin{vmatrix} x_D \\ y_D \\ z_D \end{vmatrix}$$
(2)

式中, h_d 为点 $D(x_D, y_D, z_D)$ 到平面 M 的距离。

计算自配准点云集 P_x 和 Q_x 去质心化后的点云集 P_0 和 Q_0 ,计算表达式为:

$$\begin{cases} p_{o,i} = p_{z,i} - \frac{1}{N_{P_z}} \sum_{i=1}^{N_{P_z}} p_{z,i} \\ q_{o,i} = q_{z,i} - \frac{1}{N_{Q_z}} \sum_{i=1}^{N_{Q_z}} q_{z,i} \end{cases}$$
(3)

式中, N_{P_x} , N_{Q_x} 为点云集 P_x , Q_z 的点云数量, $p_{z,i}$, $q_{z,i}$ 分 别为点云集 P_z 和 Q_z 的点云, $p_{o,i}$, $q_{o,i}$ 分别为去质心化 的点云集 P_o 和 Q_o 中与之对应的点云。

寻找两个点云集 P_o, Q_o 的点对应关系。当点云集 P_o 中某点 $p_{o,i} = (x_{p_{o,i}}, y_{p_{o,i}})$ 与点云集 Q_o 中某点 $q_{o,i} = (x_{q_{o,i}}, y_{q_{o,i}})$ 对应,取二者欧氏距离为评判标准,则对应点 计算公式如下:

$$(p_{o,i}, q_{o,i}) = arg \min_{i} \left(\sqrt{(x_{q_{o,i}} - x_{p_{o,i}})^{2} + (y_{q_{o,i}} - y_{p_{o,i}})^{2}} \right)$$
(4)
计算平均欧氏距离,作为配准误差标准:

$$E_{o}(\boldsymbol{R}_{o}, \boldsymbol{T}_{o}) = \frac{1}{N_{o}} \sum_{i=1}^{N_{o}} || q_{o,i} - (\boldsymbol{R}_{o} p_{o,i} + \boldsymbol{T}_{o}) ||_{2} \quad (5)$$

式中, N_{o} 为点云集 P_{o} 和 Q_{o} 中具有对应关系的点对数 量, $R_{o} = \begin{bmatrix} \cos\theta_{o} & \sin\theta_{o} \\ -\sin\theta_{o} & \cos\theta_{o} \end{bmatrix}$ 为点云集 P_{o} 的旋转矩阵, T_{o}

为点云集 P_{o} 的平移矩阵, θ_{o} 为点云集 P_{o} 旋转角度。 通过对其展开化简可得:

$$E_{o}(\boldsymbol{R}_{o}, \boldsymbol{T}_{o}) = \frac{1}{N_{o}} \left(\sum_{i=1}^{N_{o}} |q_{o,i}|^{2} + \sum_{i=1}^{N_{o}} |\boldsymbol{R}_{o}p_{o,i}|^{2} - 2 \sum_{i=1}^{N_{o}} |q_{o,i}\boldsymbol{R}_{o}p_{o,i}| \right)$$
(6)

对其求导展开后可得:

$$\begin{cases} \theta_{o} = \arctan\left[\frac{\sum_{i=1}^{N_{o}} (x_{q_{o,i}}y_{p_{o,i}} - y_{q_{o,i}}x_{p_{o,i}})}{\sum_{i=1}^{N_{o}} (x_{q_{o,i}}x_{p_{o,i}} + y_{q_{o,i}}y_{p_{o,i}})}\right] \\ T_{o} = \frac{1}{N_{o}}\sum_{i=1}^{N_{o}} q_{z,i} - R_{o}\frac{1}{N_{o}}\sum_{i=1}^{N_{o}} p_{z,i} \end{cases}$$
(7)

由(7)式求得降维后的旋转矩阵和平移矩阵,和 点云集 P_x 一起代入(5)式计算误差。当误差小于设 定阈值时,用原坐标系的旋转矩阵和平移矩阵,对点云 集 P_x 进行反向变换,得到最新的自配准的点云集 P_{co} 。 在这个阶段,点云集 Q不做变换。计算点云集 Q, P_{c} 的各点法线特征和曲率特征,根据点云集的特征,采用 图索引的方式,搜索二者正确的对应点云集合。

由对应点云集计算出旋转矩阵 R_{e} 和平移矩阵 T_{e} ,通过变换矩阵计算点云集 Q, P_{e} 的配准误差 $E_{e}(R_{e}, T_{e})$:

$$E_{c}(\boldsymbol{R}_{c},\boldsymbol{T}_{c}) = \frac{1}{N_{c}} \left[\sum_{i}^{N_{c}} \boldsymbol{\omega}_{c,i} \| \boldsymbol{\eta}_{q_{i}}(\boldsymbol{R}_{c}q_{i} + \boldsymbol{T}_{c} - p_{c,i}) \|^{2} \right]$$
(8)

式中, $P_{e} = \{p_{e,i} | i=1,2,\cdots,N_{e}\}, Q = \{q_{i} | i=1,2,\cdots,N_{e}\},$ $\eta_{q_{i}}$ 为点 q_{i} 邻域的表面法线。

$$\boldsymbol{\omega}_{e,i} = \begin{cases} 1, (\| \boldsymbol{p}_{e,i} - \boldsymbol{R}_{e} \boldsymbol{q}_{i} - \boldsymbol{T}_{e} \| \leq d_{\max}) \\ 0, (\| \boldsymbol{p}_{e,i} - \boldsymbol{R}_{e} \boldsymbol{q}_{i} - \boldsymbol{T}_{e} \| > d_{\max}) \end{cases}$$
(9)

式中,d_{max}为设定的最大匹配距离阈值。

当误差小于设定值或者超出迭代次数时,停止迭 代,完成自配准。

1.2 完全配准

考虑到完成自配准后的点云数据很难再通过投影 到某一平面来快速完成粗配准,为了将不同视角的点 云整合到同一空间坐标系,将优化 ICP 算法的代价函 数进行最终配准。

迭代最近点算法是目前应用最广泛的精确拼接算法,算法在每次迭代中缩小源点云到目标点云中最近点的欧氏距离,通过不断迭代完成配准。ICP 算法操作简单,但是对配准初始位姿要求较高。通过改进 ICP 算法对不同曲面的配准,使其在初始位置不完美的情况下,采用点云的曲率法线快速完成配准,步骤如下:(1)对完全配准的点云集 P_w, Q_w 进行对应点匹配; (2)计算点云的法向量 $n_{P_{w,i}}, n_{q_{w,i}};$ (3)计算对应点的3 维旋转矩阵和平移矩阵 R_w, T_w ,并对源点云进行位置 变换;(4)根据以下标准计算完全配准的配准误差 E_w : (10)

$$E_{w} = \frac{1}{N_{w}} \sum_{i}^{N_{w}} \left[\left(\boldsymbol{R}_{w} \boldsymbol{p}_{w,i} - \boldsymbol{R}_{w}^{-1} \boldsymbol{q}_{w,i} + \boldsymbol{T}_{w} \right) \times \left(\boldsymbol{\eta}_{\boldsymbol{p}_{w,i}} + \boldsymbol{\eta}_{\boldsymbol{q}_{w,i}} \right) \right]^{2}$$

式中, $P_{w} = \{p_{w,i} | i=1,2,\dots,N_{w}\}, Q_{w} = \{q_{w,i} | i=1,2,\dots,N_{w}\}, N_{w}$ 为点云集 P_{w}, Q_{w} 中认确匹配的对应点数量, $\eta_{p_{w,i}}, \eta_{q_{w,i}}, \eta_{p_{w,i}}, q_{w,i}$ 各自的邻域表面的法线;(5)当误差小于设定值或达到迭代设置次数时停止计算并输出结果,否则更新点云 P_{w}, Q_{w} 位置坐标数据,返回到步骤(1)继续计算。

2 实验与分析

2.1 系统搭建与扫描策略

搭建3维重建系统实验平台如图3所示。系统利 用三角测距法^[2]来采集叶片的深度信息,进而得到叶 片点云数据。



图 3 系统实验平台 Fig. 3 System experimental platform

航天发动机叶片具有高度扭曲性以及区域分段函数的特点。为了提高待配准点云的质量,提出动态规划扫描采集策略,保证在传感器有效测量范围内尽可能获取更多点云。因此,为了便于后续点云配准,将以实验平台的基准原点建立空间笛卡尔直角坐标系,扫描策略如图4所示。图中红色框和绿色框代表前后两次扫描区域,箭头线段代表传感器运动轨迹。



图4 叶片扫描策略 Fig.4 Blade scanning strategy 考虑到叶片的扭曲程度以及传感器的有效量程,

线结构光传感器仅沿 yOz 平面运动无法获取完整的叶

片数据,存在许多无效值。为此提出在沿图 4 的规划 路径进行数据采集的同时,需要根据采集数据的质量 进行动态改变 *x* 轴坐标。

同时,当相邻两次的采样区间可匹配特征较少时, 会导致后续配准无法完成。为此提出了采样区间的重 叠比δ,公式如下:

$$\delta = \frac{m - y_{i+1} + y_i}{m} \tag{11}$$

式中,*y_{i+1}*和*y_i*为传感器前后两次移动的*y*轴坐标值, *m*为传感器的有效量程。

若当重叠比δ取值较小,则前后两次数据重叠特 征过少,容易配准失败,当重叠比δ取值较大时,会增 加后续配准的内存消耗和 CPU 处理时间,因此选取了 重叠比为 0.5 来平衡配准速度和配准精度。

2.2 系统误差

为获取系统测量误差,设计了一组0级的标准量 块测量实验,如图5所示。该标准量块宽度为8mm, 偏差为0.05μm,可将宽度视为真值。控制传感器进 行采集量块数据,记录量块宽度左右两侧位置坐标 数据,如表1所示。由表1可知,系统测量误差在 0.010mm以内。



图 5 量块测量实验 Fig.5 Gauge block measurement experiment 表 1 测量标准量块宽度(单位;mm) Table 1 Measuring standard gauge block width/mm

	1	2	3	4	5
left edge	10.835	10.869	10.771	10.768	10.735
right edge	18.843	18.876	18.777	18.777	18.744
gauge block width	8.008	8.007	8.006	8.009	8.009
deviation	0.008	0.007	0.006	0.009	0.009

2.3 自配准实验

以叶盆曲面为例,选取重叠比为 0.5 进行数据采 集,通过对叶盆的 6 次数据分别进行两两配准,本文中 的 DRICP 算法与 ICP 算法、广义迭代最近点(generalized iterative nearest point algorithm, GICP)算法、法线 迭代最近点(normal iterative nearest point algorithm, NICP)等参考算法进行对比实验,结果如表 2 所示。 由表 2 可知,在精度近似相同的情况下,自配准算法所 需时间在配准叶盆曲面的 6 次实验中均优于对比 算法。

表2 叶盆曲面配准实验时间(单位:s)

Table 2	Leaf	basin	surface	registration	experiment	time/s
---------	------	-------	---------	--------------	------------	--------

registration algorithm	1	2	3	4	5	6
ICP	5.626	9.066	7.178	8.757	10. 598	5.949
GICP	48.892	106.937	67.453	102.838	134.986	68.009
NICP	2.021	6.656	2.239	9.871	2.978	1.713
DRICP	0.532	0.512	0.823	0.705	0.970	0.970

配准实验误差如图 6 所示。经典 ICP 算法配准的 出现错误匹配,导致误差过小;而 GICP 和 NICP 在第 1 次和最后 1 次的配准中波动较大,表明二者在曲面特 征很少时配准过程还有待优化;GICP 算法在其余 4 次 实验中误差均小于本文中的算法,但是结合表 1 来看, 所耗时间过长;本文中的 DRICP 算法在时间和误差有 一定的均衡,使其优于前三者。



图 7 叶盆局部数据配准曲面效果

Fig. 7 Effect of the local registration surface of the leaf basin

局部配准效果如图 7 所示。可以看到,由于经典 ICP 算法对配准初始位置非常敏感,导致实验出现过 匹配的现象,无法得到正确配准模型。GICP 整体配准 效果较好,但是边界处明显分层,有一定的夹角,有待 进一步优化算法。NICP 算法在主体部分配准较好,但 是在顶部出现了明显的配准错误。自配准算法在重叠 区域可以很好地完成配准任务,效果良好。

2.4 完全配准实验

依照上面的配准实验后,可以得到4个叶片扫描曲面。首先通过PCA粗配准,得到一个较为良好的初始位置,再使用改进ICP算法进行配准,实验结果如表3所示。从表3可见,优化ICP算法的误差函数可以提高算法的准确性。

今人 副 始 示 办 好 田

衣 5 元王即祖关短纪本						
Table 3 Experimental results of full registration						
algorithm	test	1	2	3		
GICP	time/s	5.223	4.741	5.661		
	error∕µm	1.3	28.0	1.6		
NICP	time/s	4.885	4.613	3.602		
	error∕µm	1.9	61.3	3.1		
SICP	time/s	4.69	4.224	5.374		
	error∕µm	1.4	26.0	1.5		

依次通过3次配准可以得到叶片完整模型,如图 8a所示,配准效果良好。导入到专业软件可得到叶片 重建模型,如图8b所示,可以方便地和原始模型进行 差分运算,进行后续缺损部分的修复与测量。



图 8 处理后的航空发动机损伤叶片 a—配准后的叶片 b—重建后的叶片 Fig. 8 Damaged blade of aero-engine after treatment a—registered blade b—reconstructed blade

3 结 论

针对以非接触式测量方式采集的叶片数据处理算 法不同导致模型精度偏差的问题,提出一种分阶段配 准算法来优化叶片点云数据的处理,通过搭建线激光 叶片3维扫描系统,对待检测航空叶片进行3维扫描, 得到其完整的点云数据,继而采用本文中的算法配准 重建得到叶片的3维模型,与现有算法相比,在精度相 近的情况下,提高了测量速度,对后续叶片的增材修复 以及产品的升级,具有重要意义和前景价值。

参考文献

[1] GUO Y. Three-dimensional reconstruction of aero-engine blade inspection [J]. Science and Technology Innovation Herald, 2020, 17 (12): 52-53(in Chinese).
郭怡. 航空发动机叶片检测三维重建[J]. 科技创新导报, 2020,

书间, 航空及初和4月徑澳二非重建[J], 种致包制于4K, 2020 17(12): 52-53.

[2] CHI K H, CHEN M W, WU Y D, et al. Development of a two-line laser 3D scanning system based on the principle of double-triangle ranging [J]. Physics and Engineering, 2019, 29(6): 71-76(in Chinese).

迟克浩,陈梦雯,吴彦达,等. 基于双三角测距原理的双线激光三 维扫描系统的研制[J]. 物理与工程, 2019, 29(6):71-76.

- [3] ZHOU Y, WANG H Ch, DU F R. Algorithm for point cloud construction of linear feature of aeroengine ruled blades [J]. Journal of Aerodynamics, 2014, 29(8): 1832-1837(in Chinese).
 周煜,王昊尘,杜发荣. 航空发动机直纹叶片的线形特征点云构 造算法[J]. 航空动力学报, 2014, 29(8): 1832-1837(in Chinese).
- [4] MA B Y, TANG L, ZHAO J, et al. Linear feature detection and mosaic method of wind turbine blade images [J]. Journal of Harbin University of Science and Technology, 2020, 25(5): 83-92(in Chinese).

马宝琰,汤磊,赵晶,等.风电叶片图像直线特征检测与拼接方法 [J].哈尔滨理工大学学报,2020,25(5):83-92.

- [5] SONG T, DAI Sh J, ZHOU G X, et al. Research on surface reconstruction of aeroengine blades [J]. Computer Simulation, 2018, 35 (4): 33-37(in Chinese).
 宋涛,戴士杰,周国香,等. 航空发动机叶片曲面重建研究[J]. 计算机仿真, 2018, 35(4): 33-37.
- [6] ZHANG L N, ZHANG D H. Research on high-precision reconstruction method of blade leading edge [J]. Journal of Aerodynamics, 2006, 21(4): 722-726(in Chinese).
 张力宁,张定华.叶片前缘高精度重建方法研究[J]. 航空动力学报, 2006, 21(4):722-726.
- BESL P, MCKAY N D. A method for registration of 3-D shapes [J].
 IEEE Transactions on Pattern Analysis & Machine Intelligence, 1992, 14(2): 239-256.
- [8] LIU JF, HEXM, HUANGX, et al. Application of ICP algorithm in leaf point cloud data registration [J]. Aeronautical Manufacturing Technology, 2019, 62(12): 79-82(in Chinese).
 刘峻峰,何小妹,黄翔,等. ICP 算法在叶型点云数据配准中的应 用[J]. 航空制造技术, 2019, 62(12): 79-82.
- [9] LIN X J, WU G, SHAN X F, et al. Improved ICP registration algorithm based on blade section line CMM measurement data [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2020, 56(2): 1-8(in Chinese).

蔺小军,吴刚,单秀峰,等. 基于叶片截面线 CMM 测量数据的 ICP 配准改进算法[J]. 机械工程学报, 2020, 56(2): 1-8.

[10] SEGAL A, HAEHNEL D, THRUN S. Generalized-ICP[C]// Ro-

botics: Science and Systems Foundation. Seattle, USA: IEEE, 2009: 1-21.

- [11] SERAFIN J, GRISETTI G. NICP: Dense normal based point cloud registration [C]//2015 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems (IROS). Hamburg, Germany: IEEE, 2015: 742-749.
- [12] CHENSQ, ZHANGHY, ZHAOChM, et al. Point cloud registration method based on improved particle swarm algorithm based on beetles [J]. Laser Technology, 2020, 44(6): 678-683(in Chinese).
 陈斯祺,张海洋,赵长明,等. 基于天牛须改进粒子群算法的点

云配准方法[J]. 激光技术, 2020, 44(6): 678-683.

- [13] LIU Y Sh, CHEN X D, WU L, *et al.* Hybrid sparse iterative closest point registration [J]. Optical Precision Engineering, 2021, 29 (9): 2255-2267(in Chinese).
 刘跃生,陈新度,吴磊,等. 混合稀疏迭代最近点配准[J]. 光学 精密工程, 2021, 29(9): 2255-2267.
- BOYD S, PARIKH N, CHU E, et al. Distributed optimization and statistical learning via the alternating direction method of multipliers
 [M]. New York, USA: IEEE, 2011: 1-123.
- [15] PROKOP M, SHAIKH S A, KIM K. Low overlapping point cloud registration using line features detection [J]. Remote Sensing, 2019, 12(1): 61-81.
- [16] DAI J L, CHEN Zh Y, YE X Z. Application of ICP algorithm in point cloud registration[J]. Journal of China Image and Graphics, 2007, 12(3): 517-521(in Chinese).
 戴静兰,陈志杨,叶修梓. ICP 算法在点云配准中的应用[J].中国图象图形学报, 2007, 12(3): 517-521.
- [17] SHI F Y, ZHANG Ch M, JIANG L H, et al. Optimization and verification of ICP algorithm using principal component analysis [J]. Lasers & Optoelectronics Progress, 2022, 59(16): 1611002 (in Chinese).
 石峰源,张春明,姜丽辉,等.采用主成分分析的 ICP 算法优化与验证[J].激光与光电子学进展, 2022, 59(16): 1611002.
- [18] ZHAO M F, HUANG Zh, SONG T, et al. A point cloud registration method fusion sampling consistency and iterative closest point algorithm [J]. Laser Journal, 2019, 40(10): 45-50(in Chinese).
 赵明富,黄铮,宋涛,等.融合采样一致性和迭代最近点算法的点云配准方法[J].激光杂志, 2019, 40(10): 45-50.
- [19] LUT D, YUAN Zh C, ZHENG K. Super 4PCS point cloud registration method combined with scale invariant features [J]. Remote Sensing Information, 2019, 34(5): 15-20(in Chinese).
 鲁铁定,袁志聪,郑坤. 结合尺度不变特征的 Super 4PCS 点云配 准方法[J]. 遥感信息, 2019, 34(5): 15-20.
- [20] ULA S C, TEMELTA S H. 3D Multi-layered normal distribution transform for fast and long range scan matching[J]. Journal of Intelligent and Robotic Systems, 2013, 71(1): 85-108.