文章编号: 1001-3806(2019)02-0233-05

# 多普勒激光雷达的飞机尾涡识别方法

潘卫军,张庆宇,张 强,李 华,吴郑源 (中国民用航空飞行学院 空中交通管理学院,广汉 618307)

摘要:为了提高民航安全和飞行效率,实现对尾涡的准确识别,对飞机尾涡的空气动力学理论,特别是经典的 Hallock-Burnham 尾涡速度数学模型进行了分析研究。结合多普勒激光雷达探测涡流风场径向速度的原理,建立了雷达飞 机尾涡探测的径向速度标准模型,引入滑动窗口思想,提出一种基于波形相似度匹配的方法,对尾涡进行自动识别,并给 出了详细的算法流程;利用实测的激光雷达风场及雷达底层数据和假设检验方法对该识别方法进行了理论分析和实验 验证。结果表明,该算法对飞机尾涡的有效识别率为90%。研究结果对进一步的尾涡监测具有一定参考价值。

关键词: 信号处理;多普勒激光雷达;尾涡识别;Hallock-Burnham 速度模型;滑动窗口;波形匹配

中图分类号: V328.3;TN958.98 文献标志码: A doi:10.7510/jgjs.issn.1001-3806.2019.02.016

## Identification method of aircraft wake vortex based on Doppler lidar

PAN Weijun, ZHANG Qingyu, ZHANG Qiang, LI Hua, WU Zhengyuan

(Air Traffic Management Institute, Civil Aviation Flight University of China, Guanghan 618307, China)

**Abstract:** In order to improve civil aviation safety and flight efficiency and realize accurate identification of wake vortex, aerodynamic theory of aircraft tail vortex, especially the classical Halock-Burnham wake velocity mathematical model was analyzed and studied. One standard radial velocity model for radar aircraft wake detection was established by using the principle of Doppler lidar to detect the radial velocity of vortex wind field. The idea of sliding window was introduced. A method based on waveform similarity matching was proposed to identify the wake vortex automatically. The detailed algorithm flow was also given. The recognition method is theoretically analyzed and experimentally verified by using the measured data of lidar wind field and the hypothesis testing method. The results show that the effective recognition rate of this algorithm for aircraft wake vortex is 90%. The results of the study have some reference value for further wake monitoring.

Key words: signal processing; Doppler lidar; wake vortex identification; Hallock-Burnham velocity model; sliding window; waveform matching

# 引 言

飞机涡流又称尾流或尾涡,主要由翼尖涡构成。 翼尖涡指由于机翼上下翼面气压差形成的在翼尖处自 下而上翻滚的气流,它以翼尖为中心,高速旋转并向 后、向下延伸<sup>[1-3]</sup>。飞机尾涡是影响飞行安全的重要因 素,它会使进入涡流区的后机轻则失去控制,重则发生 空难<sup>[4-5]</sup>。因此我国民航主管部门为飞行安全制定了

E-mail:675702767@qq.com

严格的尾流间隔标准,并要求空中交通管制员(air traffic controller,ATC)严格执行<sup>[6-7]</sup>。但是随着航空运 输业的高速发展,交通流量越来越大、空域容量越来越 紧张,原有的尾涡间隔标准过于保守,已经成为制约民 航运行效率的重要因素。因此越来越多的航空研究学 者将目光投向了尾涡探测技术的研究,希望通过对尾 涡的准确探测,缩减原有尾涡间隔标准,在保证飞行安 全的前提下提升运行效率。

目前尾涡最主要的探测工具是多普勒激光雷达, 法国 LEOSPHERE 公司、中国科学院安徽光学精密机 械研究所、中国海洋大学和西南技术物理研究所等均 在近年推出了专门用于飞机尾涡探测的多普勒激光雷 达系统。但传统的多普勒激光雷达在距离高度指示 (range height indicator, RHI)探测模式下获得风场数据 的输出结果为 RHI 速度色块变化图,不便于空中交通

基金项目:国家自然科学基金重点资助项目(U1733203); 民航局安全能力建设资助项目(TM2018-9-1/3);大学生创新 创业训练计划资助项目(201810624013)

作者简介:潘卫军(1968-),男,博士,教授,主要研究方向 为空中交通管理、计算机仿真和雷达系统等。

收稿日期:2018-05-15;收到修改稿日期:2018-07-09

管制员识别,如果能够通过计算机将多普勒激光雷达 探测到的机场风场及雷达底层数据进行尾涡自动识 别,并将识别结果用于辅助 ATC 决策,那么将能够在 保证安全的前提下提升系统的运行效率。国内外对多 普勒激光雷达尾涡识别方法的研究报道相对较少, 2011年,HU等人提出一种基于多普勒谱特征的飞机 尾涡识别方法,他们以尾涡多普勒谱的对称性、展宽性 和幅值反比特性为主要特征实现了尾涡的有效识 别<sup>[8]</sup>。但是,该识别方法识别率受限于多普勒谱特征 的样本大小且识别流程较为冗余。

本文中以多普勒激光雷达 RHI 模式探测原理为基 础,结合飞机尾涡的空气动力学机理和波形匹配理论, 提出一种基于滑动窗口思想的尾涡识别算法,并采用西 南技术物理研究所研制的激光雷达进行实地探测试验, 对该算法进行了验证,证明了该算法具有可行性。

#### 1 飞机尾涡激光雷达数学模型

尾涡变化可由激光雷达探测沿光束传播途径上运 动的气溶胶粒子对激光脉冲产生的多普勒平移情况来 刻画<sup>[9]</sup>。在近地阶段,飞机产生尾涡的强度取决于飞 机重量、飞行速度和翼展等因素。根据尾涡速度的变 化特点,传统的尾涡速度描述模型主要包括有 Rankine vortex 模型、Lamb-Oseen vortex 模型、Hallock-Burnham vortex 模型、Adapted vortex 模型、Smooth blending vortex profile 模型和 Multiple scale vortex 模型<sup>[10]</sup>等。GERZ (2002), KÖPP(1994), PROCTOR(1998)等人对 Hallock-Burnham vortex 的标准尾涡切向速度模型<sup>[11]</sup>进行 了验证,认为该模型能精确描述摆脱地面效应后的飞 机尾涡切向速度变化,因此用于对飞机产生的左右尾 涡进行建模。模型表述如下:

$$\Gamma_0 = \frac{mg}{\rho v b_0} \tag{1}$$

$$v_{t}(r) = \pm \frac{\Gamma_{0}}{2\pi r} \frac{r^{2}}{r^{2} + r_{c}^{2}}$$
(2)

式中, $\Gamma_0$ 表示尾涡初始强度,m为飞机进近时的重量, g为重力加速度常量, $\rho$ 为空气密度,v为飞机的进近 速率, $b_0$ 为尾涡的初始涡核间距, $v_1(r)$ 为飞机尾涡的 切向速率,r为尾涡横切面上点与涡核中心点之间的 距离, $r_c = 0.052b_0$  表示尾涡涡核半径。

考虑到激光雷达设备在探测机场跑道上空的气溶 胶粒子运动情况时,其设备的方位角度和扫描角度相 对确定<sup>[12]</sup>。在激光波束垂直扫过尾涡时,会得到尾涡 速度的瞬时切面分布,其扫描原理如图1所示。



Fig. 1 Schematic diagram of wake vortex measurement of laser radar 在理想条件下,尾涡涡环上各点切向速度模的大 小是相等,由于在扫描过程中,尾涡切向速率 v<sub>i</sub>(r)与 雷达径向速率 v<sub>e</sub>(r)间会形成扫描夹角,将尾涡的切向 速度投影至雷达波束的扫描方向,则形成了雷达回波 的尾涡径向速率,具体表述如下:

$$v_{\rm r}(r) = v_{\rm t}(r)\cos\delta = \pm \frac{\Gamma_0}{2\pi r} \frac{r^2}{r^2 + r_{\rm c}^2} \cos\delta$$
 (3)

式中, $\delta$ 为切向速率  $v_i(r)$ 与径向速率  $v_i(r)$ 之间的夹 角。尾涡的雷达径向速度的变化趋势如图2所示。





右尾涡的正负涡旋速度变化以涡核点为对称中心,且 由于受到空气阻力的影响在无限远处其速度逐步趋近 于零;当,趋近于涡核时,左右涡的径向速度值由于扫 描夹角δ逐渐减小而增大,在涡核点附近达到最大 值<sup>[13]</sup>,并在涡核点之后,速度出现突变。

#### 尾涡识别方法 2

### 2.1 基于滑动窗口的模板匹配尾涡识别流程

传统的尾涡识别方法直接根据雷达配套显示程序 进行雷达径向速率图像显示,然后根据特征判断其是 否为尾涡,不利于直观识别。因此,本文中根据飞机尾 涡的波形特点,利用基于滑动窗口的相关系数法对雷 达数据进行波形匹配,并根据阈值判断其是否为飞机



尾涡,具体算法流程如图3所示。

根据流程图所示,尾涡波形匹配算法主要分为4 个模块:(1)构建标准模板并对雷达数据进行处理。 利用机型参量对尾涡切向速度进行建模,根据雷达与 尾涡间的角度关系将标准尾涡的切向速度转化成雷达 扫描方向的径向速度,并将之按单位步长进行离散化, 形成标准径向速度匹配模板进而对雷达测得的回波速 度进行匹配:(2)设置滑动窗口和步长。根据标准尾 涡径向速度模型所生成的速度模板大小,选定匹配窗 口和循环步长,对雷达数据进行遍历;(3)波形匹配。 根据相关系数法原理对滑动窗口洗定的数据样本与标 准模板数据样本进行波形匹配,计算其相关系数;(4) 尾涡数据判断。根据波形匹配所得出的相关系数与所 设定的阈值参量进行比较:如果满足条件则判定该段 数据为尾涡数据,否则将进行下一组数据匹配,直到完 成所有筛选数据匹配。最后输出匹配结果,并且得出 相应结论。

#### 2.2 滑动窗口波形匹配模型

由于雷达数据样本容量大,单一的模板无法对整 个数据进行匹配。为了快速准确的实现任意长度子序 列的匹配识别,本文中采用基于滑动窗口的子序列匹 配模式<sup>[14]</sup>。该方法可根据样本特征灵活设定滑动窗 口大小,进而对整个样本序列进行局部特征识别提取。

在设置波形匹配程序时,需要对两个波形信号的 相似程度进行描述。为描述波形的相似程度,引入了 相关系数的概念,它是一个专门用来定量描述样本变 量相似度的量。相关系数大小反映了序列间的相似程 度<sup>[15]</sup>。相关系数表述公式如下:

$$R^2 = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x \sigma_y} \tag{4}$$

$$\sigma_{xy} = \frac{\sum \left[ (x - \overline{x}) (y - \overline{y}) \right]}{n}$$
(5)

$$\sigma_x = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n}} \tag{6}$$

$$\sigma_{y} = \sqrt{\frac{\sum (y - \bar{y})^{2}}{n}}$$
(7)

式中, x 为标准模型速度样本变量, y 为雷达数据的样本变量, n 为样本容量,  $\sigma_x$  和  $\sigma_y$  分别为变量 x 和 y 的方差,  $\sigma_{xy}$ 为变量 x 和 y 的协方差,  $R^2$  为变量 x 和 y 的相关系数。

### 3 实验分析

为了验证该算法的可行性,利用西南技术物理研 究所研制的多普勒激光雷达在某机场所测得的波音 747 机型的起飞雷达观测数据为匹配样本,并利用该 算法对雷达数据进行匹配识别验证。机型数据如表1 所示。

Table 1 Model parameters

	-	
type of aircraft	B747	
maximum take-off weight	416385kg	
take-off speed	83.3m/s	
span	64.4m	
air density	1.16kg/m <sup>3</sup>	
gravity acceleration	$9.81  \text{m/s}^2$	
多普勒激光雷达参量如表2所示。 Table 2 Badar parameters		
F		
observation mode	RHI	
detection range	45m ~ 915m	
detection accuracy	30m	
scan angle range	$10^{\circ} \sim 60^{\circ}$	

利用多普勒激光雷达实地探测飞机起飞时某瞬时 径向风速回波变化情况,其中雷达进行 RHI 探测尾涡 的一个典型结果如图 4 所示。从图中可以看出,异常 速度出现的空间范围为 300m ~ 400m 之间,该空间的 局部速率变化达到 ± 4m/s,且存在速度的对称突变, 具有典型的尾涡特征。

scan step length

 $1.0^{\circ}$ 

因此根据雷达扫描的变化规律对雷达径向速度数 据进行处理,利用尾涡识别算法根据尾涡径相速度标 准模板对处理数据行波形匹配识别。在程序处理中将 雷达数据匹配样本容量设置为 30,且匹配样本值中绝 对值最大值大于 2.5 作为数据筛选的阈值条件,并将 *R*<sup>2</sup> >0.75 作为匹配阈值。匹配结果如图 5 所示。

该匹配程序初步筛选了 135 组数据,共 4050 个数据,并进行尾涡波形匹配。根据尾涡匹配结果图可以 看出,共识别出左涡 5 次,右涡 4 次,且左右尾涡的速 率变化大致在 ± 4m/s 之间,并且波形对称,与标准模 激



Fig. 5 Relationship between speed and distance after vortex wave matching 板基本符合。

为了检验识别率和虚警率,以雷达在 RHI 模式下的显示结果衡量其识别率。同时引入 Kolmogorov-Smirnov(K-S)非参量检验方法的双样本检验对识别结果进行校验,其原理是对两个样本的经验累积分布函数进行比较来检验两个样本是否服从同一分布<sup>[16]</sup>,并以之为标准校验筛选数据中的虚警数目,从而确定虚警率。具体检验结果如表3所示。

total measured data	76440	
filter data	4050	
vortex type	left vortex	right vortex
RHI display results	5	5
matching results	5	4
recognition rate	90%	
consistent with K-S test	3	3
number of false alarms	2	1
false alarm rate	$3.70 \times 10^{-4}$	

从检验结果可以看出,该识别方法的识别结果基本符合 RHI 显示结果,其尾涡识别率达到 90%,且虚 警率为 3.70×10<sup>-4</sup>。从上述结果可以看出,该识别程 序具有较高的识别率和较低的虚警率,且能直观地显 示其分析结果,并能提取相关的尾涡数据,以便进行进 一步的尾涡分析。

#### 4 结 论

术

以多普勒激光雷达探测原理为基础,结合飞机尾 涡的空气动力学机理,建立飞机尾涡径向速度标准模 型,引入波形匹配理论,提出了一种基于滑动窗口思想 的尾涡识别算法。通过激光雷达在机场的实测数据验 证分析,该方法有较高尾涡识别率和较低虚警率,在实 际应用中有较高工程价值。由于在建模中未考虑气象 环境变化因素,因此降低了其匹配度和识别率。在后 续研究中将对其进行改进,进一步考虑大气背景场影 响因素,从而提高尾涡识别率,为民航安全运行和效率 提升提供有力保障。

#### 参考文献

- [1] WEIMERSKIRCH H, MARTIN J, CLERQUIN Y, et al. Energy saving in flight formation [J]. Nature, 2001, 413(6857):697-698.
- [2] CROW S C. Stability theory for a pair of trailing vortices [J]. AIAA Journal, 1970, 8(12):2172-2179.
- [3] IVANOV A V, LEBEDEV A V, OSTROVSKII L A, et al. Experimental investigation of the motion of laminar vortex pairs in a stratified fluid[J]. Fluid Dynamics, 1987, 22(2):322-325.
- [4] MURPHY B, O' CALLAGHAN J, FOX M, et al. Overview of the structures investigation for the american airlines flight 587 investigation [C]//Structural Dynamics and Materials Conference. Washington DC, USA: American Institute of Aero-nautics and Astronautics, 2013: 3369-3373.
- [5] FEDERAL AVIATION ADMINISTRATION. Official accident investigation report[EB/OL]. (2009-2-25) [2018-2-13]. http://asndata. aviation-safety. net/reports/2009/20090225-0\_B738\_TC-JGE. sheml.
- [6] INTERNATIONAL CIVIL AVIATION ORGANIZATION. Air regulations and air traffic services [DB/CD]. Beijing: Air Traffic Management Bureau of CAAC, 2000:1-289.
- [7] INTERNATIONAL CIVIL AVIATION ORGANIZATION. Air traffic service manual (ICAO9426-AN/924) [DB/CD]. Beijing: Air Traffic Management Bureau of CAAC, 1999:1-117.
- [8] XU Sh L, HU Y H, WU Y H. Identification of aircraft wake vortex based on Doppler spectrum features[J]. Journal of Optoelectronics · Laser, 2011, 22(12):1826-1830(in Chinese).
- [9] LI C, LIU J W, ZHAO P E, et al. Correction method of tilt wind field of mobile wind lidar[J]. Laser Techonlogy, 2017, 41(3): 385-390(in chinese).
- [10] CHOROBA P. Comprehensive study of the wake vortex phenomena to the assessment of its incorporation to ATM for safety and capacity improvements [D]. Zilina, Slovak Republic: University of Zilina, 2006;1-184.
- [11] FREHLICH R, SHARMAN R. Maximum likelihood estimates of vortex parameters from simulated coherent doppler lidar data[J]. Journal of Atmospheric & Oceanic Technology, 2005, 22 (22):117-130.
- [12] HUANG J Ch, SUN Y W, XU Y, et al. Radar signal fast recognition based on the principle of time series comparability [J]. Elec-

tronic Information Warfare Technology, 2012,  $27\,(\,5\,)\,;1-5\,$  ( in Chinese ).

- [13] WU Y H, HU Y H, DAI D Ch, et al. Research on the technique of aircraft wake vortex detection based on 1.5μm Doppler lidar[J]. Acta Photonica Sinica, 2011, 40(6):811-817(in Chinese).
- [14] HU Y H, WU Y H. Study on the characteristic of aircraft wake vortex and lidar detection technique[J]. Infrared & Laser Engineering, 2011, 40(6):1063-1069(in Chinese).
- [15] FENG J Zh, LIANG J Y, ZHENG S L, et al. Correlation coefficient method for vehicle road simulated load signal screening[J]. Journal of Mechanical Strength,2018,40(1):50-54(in Chinese).
- [16] QIAO X Q, CHEN D H, WANG Sh L. Joint estimation of modulation and SNR via method of moments and Kolmogorov-Smirnov test
  [J]. Journal of Information Engineering University, 2017,18(4): 399-402(in Chinese).