文章编号: 1001-3806(2017)01-0001-05

# 激光冲击强化残余应力的数值模拟研究

刘子昂1,石 伟1\*,汪 诚2

(1. 清华大学 机械工程系,北京 100084;2. 空军工程大学 等离子体动力学重点实验室,西安 710038)

摘要:为了获得激光冲击强化诱导的残余应力场,采用数值模拟的方法,建立了单次激光冲击强化 35CD4 合金钢 厚板 2 维轴对称有限元模型,对激光冲击过程中材料内部的能量变化、表面动态应力进行了分析,验证了显式动态求解 时间选取的合理性,并讨论了模型网格单元尺寸、冲击压力空间分布模型选取对残余应力模拟结果的影响。结果表明, 为了得到收敛的模拟结果,选用的网格单元尺寸应为 0.03mm 左右。单次圆斑激光冲击的残余应力计算结果与已知的 实验测量结果吻合得较好。

关键词: 激光技术;激光冲击强化;数值模拟;残余应力

中图分类号: TG665 文献标志码: A doi:10.7510/jgjs.issn.1001-3806.2017.01.001

# Study on numerical simulation of residual stresses induced by laser shock processing

LIU Ziang<sup>1</sup>, SHI Wei<sup>1</sup>, WANG Cheng<sup>2</sup>

(1. Department of Mechanical Engineering, Tsinghua University, Beijing 100084, China; 2. Science and Technology on Plasma Dynamics Laboratory, Air Force Engineering University, Xi'an 710038, China)

Abstract: In order to obtain the residual stress field induced by laser shock processing (LSP), the numerical simulation method was used. A 2-D and axisymmetric finite element analysis (FEA) model of single laser shock processing on 35CD4 thick parts was established. History of the energies of material during dynamic analysis and surface dynamic stresses at different times were analyzed to validate the reasonability of the total time of dynamic analysis. The effect of mesh refinement and spatial distribution models of the loading on the simulation results were discussed. The results show that the element length should be around 0.03mm to get convergent results. The predicted results for single LSP with round laser spot are consistent with the available experimental data.

Key words: laser technique; laser shock processing; numerical simulation; residual stresses

# 引 言

激光冲击强化技术又称激光喷丸,与传统机械喷 丸技术相比,它能在工件表面形成更深的残余压应力 层<sup>[1]</sup>,并且可控性强、适应性好,能够处理倒角、沟槽、 小孔等难以处理的部位。基于这些优点,该技术已应 用在航空发动机叶片、齿轮、核电站压力焊缝等众多领 域<sup>[2]</sup>。

数值模拟有助于获得特定应用场合最优的工艺参量,已逐渐成为研究激光冲击强化的重要手段。国内外学者针对激光冲击强化的建模及其优化做了大量的研究工作。BRAISTED和 BROCKMAN采用 ABAQUS软件建立了2维轴对称模型,对激光冲击处理形成的

残余应力场进行了预测<sup>[3]</sup>。NAM 采用独立编程对激 光冲击 Ti-6Al-4V 厚板及薄板诱导产生的残余应力场 进行了模拟分析,模拟结果与实验结果具有较好的一 致性<sup>[4]</sup>。HU 等人采用 ANSYS/LS-DYNA 软件对激光 冲击过程中靶材的残余应力场进行了模拟研究<sup>[5]</sup>。 BHAMARE 等人仅采用 LS-DYNA 软件进行动态应力 计算,通过重复单次冲击模拟计算过程来获得多点搭 接的残余应力场<sup>[6]</sup>。ACHINTHA 和 NOWELL 采用基 于本征应变的模型来研究工件尺寸及冲击次数对残余 应力场的影响,提高了模拟计算效率<sup>[7]</sup>。JIANG 等人 采用 ABAQUS 软件模拟激光冲击铝合金小孔构件,研 究了冲击区域范围对试样表面及孔壁残余应力场的影 响<sup>[8]</sup>。

以上模拟均是建立在单次激光冲击模型的基础 上,为了获得更为准确的残余应力场模拟结果,建立更 为有效的单次激光冲击强化模型显得尤为重要<sup>[9]</sup>。 但是从已发表的文献来看,不同研究者采用的模型网

作者简介:刘子昂(1991-),男,硕士研究生,现主要从事 激光冲击强化工艺及机理的研究。

<sup>\*</sup>通讯联系人。E-mail:shiw@mail.tsinghua.edu.cn 收稿日期:2015-12-16;收到修改稿日期:2016-01-16

格单元尺寸及激光冲击波压力空间分布模型不同,得 到的模拟结果也有一些差异,而针对模型网格单元尺 寸及激光冲击波压力空间分布模型对残余应力场模拟 结果影响的相关研究鲜有报道。

本文中建立了单次激光冲击 35CD4 合金钢厚板 有限元模型,对激光冲击过程中靶材内部的能量变化、 表面动态应力进行了分析,讨论了模型网格单元尺寸、 冲击压力空间分布模型选取对残余应力场模拟结果的 影响,分析了单次激光冲击下材料的残余应力场的分 布特点,并与已知的一些实验测量结果进行了对比。

# 1 激光冲击有限元建模

采用 ABAQUS 进行激光冲击强化模拟主要分为 两个步骤:(1)采用 ABAQUS/explicit 模块做显式动态 分析计算,模拟靶材的动态响应过程;(2)将显式动态 计算的应力场导入 ABAQUS/standard 模块,进行隐式 分析计算,以确定最终稳定的残余应力场。如需进行 多次激光冲击模拟,还需将以上的结果回传到 ABAQUS/explicit中,作为后一次冲击的预定义场。

#### 1.1 轴对称模型

本文中模拟单面激光冲击 35CD4 合金钢厚板,载 荷压力分布对称,载荷作用半径远小于靶材尺寸,因此 为了提高计算效率,可以将 3 维几何模型简化为一个 2 维轴对称模型,如图 1 所示。其中 r 表示到激光光斑 中心的距离,激光冲击载荷作用半径为 4mm,细网格 区域 6mm×6mm,采用四节点轴对称有限单元 CAX4R 模拟冲击区域的残余应力场。周边网格采用四节点轴 对称无限单元 CINAX4,该种单元为弹性单元,作为有 限单元区域的无反射边界,以消除弹塑性波的反射。



Fig. 1 One-sided LSP model with axisymmetric boundary conditions

### 1.2 激光冲击波压力加载模型

1.2.1 激光冲击波峰值压力估算 PEYRE 等人<sup>[10]</sup> 对约束模型下的激光冲击波压力求解进行了半理论研究,其给出的单次激光冲击峰值压力 *p* 的估算公式如下:

$$p = 0.01 \sqrt{\frac{\alpha}{2\alpha + 3}} \sqrt{\frac{Z_1 Z_2}{Z_1 + Z_2}} \sqrt{I_0} \qquad (1)$$

式中, $\alpha$ 为相互作用系数,一般取为0.1~0.2; $Z_1$ 和 $Z_2$ 分别为目标靶材和约束层的声阻抗,单位为g·cm<sup>-2</sup>·s<sup>-1</sup>; $I_0$ 为激光功率密度,单位为GW·cm<sup>-2</sup>,可以由公式 $I_0 = E_1/(\pi r_p^2 \tau)$ 计算得到,其中 $E_1$ 为激光器输出能量, $r_p$ 为光斑半径, $\tau$ 为激光脉冲宽度。计算得到的冲击峰值压力p的单位为GPa。

根据参考文献[11], $Z_1 = 3.6 \times 10^6 \text{g} \cdot \text{cm}^{-2} \cdot \text{s}^{-1}$ ,  $Z_2 = 1.65 \times 10^5 \text{g} \cdot \text{cm}^{-2} \cdot \text{s}^{-1}$ ,  $\alpha$  取为 0.1, $I_0$  取为 10GW/cm<sup>2</sup>,计算得到的峰值压力为 3.14GPa,而实验 测得的峰值压力为 2.8GPa<sup>[12]</sup>,说明该模型估算的峰 值压力比实验测得的峰值压力要大。

1.2.2 激光冲击波时空分布模型 一般实验中测得 的激光冲击载荷压力-时间分布为准高斯分布<sup>[12]</sup>,在 约束模式下,冲击波压力的持续时间超过激光脉宽的 2~3倍。BRAISTED 等人<sup>[3]</sup>采用三角形分布来近似 准高斯分布。NAM<sup>[4]</sup>基于实验给出了时间及空间上 的载荷压力分布模型。

然而冲击载荷在空间上的分布很难通过实验来研究,模拟中一般采用均匀分布模型<sup>[10]</sup>。ZHANG等人<sup>[13]</sup> 研究了激光冲击波压力在光斑径向上的分布,认为激光 冲击波压力在空间服从高斯分布。本文中采用三角形 瞬态分布模型(如图2所示),半峰全宽(full width at half maximum,FWHM)为50ns。在空间分布上采用图3 所示的3种分布模型<sup>[4,13]</sup>,其中 *p*<sub>max</sub>为最大峰值压力。





Fig. 2 Relationship between pressure and time of laser shock pressure

Fig. 3 Three kinds of spatial distribution  $models^{[4,13]}$ 

#### 1.3 材料本构方程

激光冲击材料产生的应变率超过 10<sup>6</sup>s<sup>-1</sup>,常用的 描述材料在高应变率条件下的本构方程有理想弹塑性 (elastic perfectly plastic, EPP)模型、Johnson-Cook(JC) 模型、Khan-Huang-Liang(KHL)模型<sup>[14]</sup>和 Zerilli-Armstrong(ZA)模型<sup>[15]</sup>等。

目前 JC 模型是在激光冲击强化数值模拟中使用 最广泛的一种基于实验得到的材料本构模型,它考虑 了应变速率效应和温度效应,忽略了冲击波压力和变 形历史的影响,一般更适用于应变率小于的情形。 KHL 模型考虑了材料在高应变率下的硬化率下降的 因素,是对 JC 模型的修正。ZA 模型考虑了应变率和 温度的相互作用,是基于材料晶体结构和位错机制的 一种模型<sup>[15]</sup>。但对于不同晶体结构,其流变应力关系 式不同,而且该模型中有大量的参量需要通过实验来 确定。

本文中采用的材料本构方程模型为 EPP 模型,它 假设材料为各向同性理想弹塑性,材料遵循 1 维应变 条件下的本构关系,当材料中的冲击波峰值压力大于 材料的 Hugoniot 弹性极限(Hugoniot elastic limit,HEL)  $\sigma_{\text{HEL}}$ 时,材料产生屈服,发生永久变形。材料的动态屈 服强度为<sup>[3]</sup>:

$$\sigma_{y} = \sigma_{\text{HEL}} \frac{1 - 2\nu}{1 - \nu} \tag{2}$$

式中, $\nu$ 为泊松比。该模型比较简单,参量易于获取, 但是没有考虑材料的应变硬化等因素。根据参考文献 [11],热处理后硬度为 30HRC 的 35CD4 钢的机械性 能参量为:密度 $\rho$  = 7800kg · m<sup>-3</sup>,弹性模量 *E* = 210GPa,泊松比 $\nu$  = 0. 29, Hugonoit 弹性极限 $\sigma_{\text{HEL}}$  = 1.47GPa。

### 2 单次激光冲击有限元模拟结果与讨论

# 2.1 网格收敛性分析

对于瞬态应力分析,网格密度对模拟结果影响很大。一般网格单元尺寸越细,分析结果越准确,但计算时间也会大大增长。为了精确捕捉到应力波而又尽可能减少计算时间,需要找到一个合适的网格密度。为了评估网格密度对结果的影响,采用最小有限元单元尺寸为0.10mm,0.05mm,0.03mm,0.02mm分别进行模拟计算,如表1所示。

此外,显式分析增量时间步长 Δt 对模拟结果的收 敛性和准确性有很大的影响。如果增量时间步长大于 稳定极限 Δt<sub>stable</sub>,模拟过程的不稳定性或许会导致无 界解。一般而言,稳定极限难以精确测定,可以利用如 下所示的计算公式来进行估算:

Table 1 Configurations of four meshed finite element models

finite element model	finite element	infinite element	element length $L_{\rm e}/{\rm mm}$	mesh density $L_{\rm e}/r_{\rm p}$	
А	$60 \times 60$	$2 \times 60$	0.10	2.5%	
В	$120 \times 120$	$2 \times 120$	0.05	1.25%	
С	$200 \times 200$	$2 \times 200$	0.03	0.75%	
D	$300 \times 300$	$2 \times 300$	0.02	0.5%	
		1	r		

$$\Delta t_{\text{stable}} = \frac{L_{\text{e}}}{C_{\text{d}}} \tag{3}$$

式中, $L_e$  为最小网格单元尺寸; $C_d$  为弹性波在材料中 传播的波速,可以通过公式 $C_d = \sqrt{\frac{(1-\nu)E}{\rho(1+\nu)(1-2\nu)}}$ 得 到,计算得到 $C_d = 5.94 \times 10^3 \text{ m/s}$ 。如果最小网格单元 尺寸为 $L_e = 0.03 \text{ mm}$ ,则计算得到的增量时间步长  $\Delta t = \Delta t_{\text{stable}} = 5.0 \text{ ns}$ 。

在显式分析计算 4500ns 后,得到了不同网格单元 尺寸下沿着径向的表面动态应力  $\sigma_d$ ,如图 4 所示。可 以看出,网格单元尺寸为 0.02mm 和 0.03mm 的表面 动态应力分布的计算结果基本接近,而与网格单元尺 寸为 0.10mm 的结果相差较大。综合考虑收敛性和计 算效率,后续模拟计算均选用有限元单元尺寸为 0.03mm。



Fig. 4 Surface dynamic stresses with different FEM element length

#### 2.2 显式动态分析

采用均匀压力空间分布模型来进行模拟计算,参 照参考文献[5],初步选择的显式求解时间为4500ns, 从能量和表面动态应力变化两个方面对激光冲击瞬间 靶材的动态响应过程进行分析。

2.2.1 能量分析 在单次激光冲击材料表面时,靶材 能量历史变化曲线如图 5 所示。激光冲击波对整个靶 材表面产生的外力功  $W_t$ 在 100ns 内迅速由 0mJ 增加 到 330mJ,并在随后转变为材料的内能  $W_i$ 、动能  $W_k$ 和 黏性耗散能  $W_v$ 。1000ns 以后,动能和内能急剧减少, 分别逐渐趋于 0mJ 和 146mJ,而黏性耗散能则迅速增 加到 150mJ,最后稳定在 185mJ 左右。由前面计算可 知,弹性波在该材料中传播的波速为 5.94 × 10<sup>3</sup>m/s, 由此可推算出弹性波在 1000ns 刚好传播至无反射边



Fig. 5 Relationship between energy and time 界处,导致各能量的急剧变化。

弹性存储能 W。在 90ns 内急剧上升到 127mJ,然 后在 1000ns 以后急剧减少,最后稳定在 17mJ 左右。 塑性耗散能 W。在 300ns 内急剧上升到 125mJ,在 2000ns 以后稳定在 128.8mJ 左右,说明后续没有塑性 变形发生,所以选取显式求解时间为 4500ns 是合理 的。此外,伪应变能 W。在整个求解时间范围内不超 过 0.06mJ,说明采用的网格模型是合理的,在计算过 程中不会因为采用了减积分单元 CAX4R 而引起"沙 漏"问题。

2.2.2 表面动态应力分析 由于存在弹性变形和塑 性变形,靶材的应力状态只有在某个时间节点以后才 能达到稳定状态。图6所示是在不同时刻沿着轴向的 表面动态应力 σ<sub>d</sub> 的变化情况。在 500ns 时,应力波动 幅度较大;1500ns 时,在光斑中心处附近出现了超过 800MPa 的拉应力,这是由于光斑边缘产生的稀疏波传 至光斑中心所致;而在 4000ns 以后,应力分布趋于稳 定,再次验证了选取求解时间为 4500ns 的合理性。



Fig. 6 Relationship between surface dynamic stresses and distance from centerline

### 2.3 不同冲击波空间分布模型对模拟结果的影响

采用3种不同空间分布冲击载荷模型得到的残余 应力模拟结果如图7所示。其中均匀分布、高斯分布 两种模型在距光斑中心0.27mm和4mm处均出现了 由于很大应力变化而引起的应力尖峰,且前者的变化 程度更剧烈,而NAM的模型分布没有这两个尖峰。 相比其它两种分布,均匀分布在距中心1.5mm~4mm 范围内残余压应力更趋于稳定。而在光斑中心沿不同 深度处的残余应力σ<sub>r</sub>分布上,三者的残余压应力影响 层深度分别为0.86mm,0.81mm和0.76mm,并分别在 0.33mm,0.39mm和0.13mm深度处达到最大残余应 力-396MPa,-352MPa和-416MPa。这是由于3种 空间分布冲击载荷模型在光斑边缘附近的压力大小及 分布存在较大差别,这样使得在光斑边缘模拟产生的 稀疏波和剪切波大小及特性不一样,最后导致靶材中 形成的残余应力场存在一定差距。



Fig. 7 Distribution of residual stresses of different spatial distribution models of the loading

a-on the surface b-along the depth at the center of the laser spot

# 3 残余应力模拟结果验证

一般来说,对于直径较大的光斑(大于 5 mm)可以 忽略激光脉冲能量空间分布带来的影响<sup>[3]</sup>,故本文中 采用均匀空间冲击压力模型。模拟得到的沿着表面和 不同深度(距光斑中心距离 r = 3.5 mm 处)的残余应力  $\sigma_r$ 分布如图 8a 和图 8b 所示,并与 BALLARD<sup>[12]</sup>的实 验测量结果进行对比。BALLARD 的实验条件为:直 径 30 mm、厚 15 mm 的 35 CD4 合金钢圆棒试样,激光脉 冲能量为 150J 左右,功率密度为 10 GW/cm<sup>2</sup>,激光半



Fig. 8 Residual stresses comparison between simulation and experiment a—on the surface b—along the depth at a distance of 3.5 mm from center-line

峰全宽约为 25 ns ~ 30 ns, 光斑直径为 8 mm, 采用黑漆 涂层, 水作为约束层。

由图 8 中可以看出,模拟结果和实验结果有着较好的一致性。从表面残余应力 σ<sub>r</sub>的分布来看,模拟得到的最大表面残余压应力为 - 402MPa,与实验值 - 360MPa 相差11.7%。在距光斑中心 4mm 左右出现了一个残余应力剧烈变化区域,这是由于光斑边缘区域附近发生了剧烈的剪切变形而产生一定的拉应力,使该区域附近的残余压应力值减少。此外,在距离光斑中心半径 0.5mm 范围内残余应力剧烈变化,并于0.27mm 处达到峰值残余应力 179MPa,而在光斑中心处的残余应力值为 - 132MPa,表现出明显的残余应力缺失。这主要是由于材料表面受到冲击与材料弹性力作用产生振荡过程,冲击光斑边缘产生稀疏波的反向加载<sup>[16]</sup>,引起反向塑性变形,从而形成上述的"残余应力洞"现象。

# 4 结 论

采用 ABAQUS 软件建立了单次激光冲击 35CD4 合金钢厚板轴对称有限元模型,验证了显式分析求解 时间 4500ns 选取的合理性。对于 2 维轴对称模型,选 用网格单元尺寸应为 0.03mm 左右,才能得到收敛的 解。不同冲击压力空间分布模型对模拟结果影响较 大,主要是由于不同冲击波空间分布在光斑边缘处产 生的稀疏波和剪切波强度存在差异。模拟得到的残余 应力场计算结果与参考文献中的实验测量结果吻合得 较好,表明该模型能够有效预测单次激光冲击诱导的 残余应力的大小和分布。

#### 参考文献

- YANG X H, TANG X D, XUE M Q. Effect of laser shock on residual stress of diesel engine crankshaft chamfer [J]. Laser Technology, 2010, 34(5): 596-599 (in Chinese).
- [2] LI Y H. Laser shock processing theory and technology[M]. Beijing: Science Press, 2013:11-16 (in Chinese).
- [3] BRAISTED W, BROCKMAN R. Finite element simulation of laser shock peening [J]. International Journal of Fatigue, 1999, 21(7): 719-724.
- [4] NAM T. Finite analysis of residual stress field induced by laser shock peening [D]. Columbus, USA: The Ohio State University, 2002; 54-76.
- [5] HU Y, YAO Z, HU J. 3-D FEM simulation of laser shock processing
  [J]. Surface and Coatings Technology, 2006, 201(3): 1426-1435.
- [6] BHAMARE S, RAMAKRISHNAN G, MANNAVA S R, et al. Simulation-based optimization of laser shock peening process for improved bending fatigue life of Ti-6Al-2Sn-4Zr-2Mo alloy [J]. Surface and Coatings Technology, 2013, 232(232): 464-474.
- [7] ACHINTHA M, NOWELL D. Eigenstrain modelling of residual stresses generated by laser shock peening [J]. Journal of Materials Processing Technology, 2011, 211(6): 1091-1101.
- [8] JIANG Y F, DING B, CHENG Zh J, et al. Effect of laser peening area on residual stress field in small-hole specimens [J]. Laser Technology, 2014, 38(2): 201-204 (in Chinese).
- [9] SHEN L D, CHEN J F, LI X Ch, et al. Finite element analysis on residual stress field for laser shock processing AM50 magnesium alloy
   [J]. Laser Technology, 2012, 36(1): 45-49 (in Chinese).
- [10] PEYRE P, FABBRO R, MERRIEN P, et al. Laser shock processing of aluminum alloys. Application to high cycle fatigue behavior
   [J]. Materials Science and Engineering, 1996, A210(1/2): 102-113.
- [11] WEI X L, LING X. Numerical modeling of residual stress induced by laser shock processing[J]. Applied Surface Science, 2014, 301 (20): 557-563.
- [12] BALLARD P. Residual stresses induced by rapid impact—applications of laser shocking [D]. Palaiseau, France: Ecole Polytechnique,1991: 20-56.
- [13] ZHANG W, YAO Y L, NOYAN I C. Microscale laser shock peening of thin films, part 1: experiment, modeling and simulation[J]. Journal of Manufacturing Science and Engineering, 2004, 126(1): 10-17.
- [14] KHAN A S, SUH Y S, KAZMI R. Quasi-static and dynamic loading responses and constitutive modeling of titanium alloys [J]. International Journal of Plasticity, 2004, 20(12): 2233-2248.
- [15] ZERILLI F J. Dislocation mechanics-based constitutive equations [J]. Metallurgical and Materials Transactions, 2004, A35 (9): 2547-2555.
- [16] JIANG Y F, LAI Y L, ZHANG L, et al. Investigation of residual stress hole on a metal surface by laser shock [J]. Chinese Journal of Lasers, 2010, 37(8): 2073-2079 (in Chinese).