文章编号: 1001-3806(2006)02-0177-04

# 透明薄膜 基底系统激光超声波的有限元数值研究

王纪俊<sup>1,2</sup>,沈中华<sup>▶</sup>,倪晓武<sup>1</sup>,许伯强<sup>2</sup>,关建飞<sup>1</sup>,陆 建<sup>1</sup>

(1. 南京理工大学 信息物理与工程系, 南京 210094; 2 江苏大学 理学院, 镇江 212013)

摘要: 在分析了网格大小和时间步长这两个重要参数和求解稳定性的基础上,采用有限元方法建立了透明薄膜 基 底系统的热传导方程和热弹性方程的有限元模型。考虑了薄膜和基底的物理参数随温度的变化,得到了激光照射透明 薄膜 基底系统温度场空间分布,由此计算出由热弹效应激发的超声对心波形。结果表明,透明薄膜厚度的增加,会影响 到激光激发的对心超声波形;当薄膜厚度增大时,对心超声波形中的双极脉冲波形振幅变大,波形宽度加大。该方法为 透明薄膜 基底系统的定量检测和无损评价提供了理论依据。

关键词: 激光物理; 超声; 有限元; 薄膜 /基底系统 中图分类号: TG 665 0242 1 文献标识码: A

# Numerical sinulation of laser-generated ultrasonic by finite element method in the transparent coating-substrate system

WANG Jirjun<sup>1,2</sup>, SHEN Zhong-hua<sup>1</sup>, NIXiaow u<sup>1</sup>, XU Bai-qiang<sup>2</sup>, CDANG Jian-fei<sup>1</sup>, LU Jiang<sup>1</sup> (1. Department of Applied Physics, Nanjing University of Science and Technology, Nanjing 210094, China, 2 Faculty of Science, Jiangsu University, Zhen jiang 212013, China)

Abstract The finite element model of the them al conductive equation and the them or elastic equation in the system consisting of a transparent coating and a opaque substrate is established based on the analysis of the stability of solution and two in portant parameters meshing size and time step. Taking into account the temperature dependence of material properties, the transient temperature is obtained. The near axis norm alw avelours at the epicenter generated by them or elastic effect are obtained. The influence of the coating thickness on the waveform is analyzed.

Key words laser physics, ultrasound fin ite element method; coating substrate system

### 引 言

激光超声由于具有非接触激发,能一次同时在样 品中激发多种模式超声波和激发的超声波频带宽等特 点,在无损检测领域得到越来越广泛的应用<sup>[1~4]</sup>。激 光照射在薄膜 基底系统,系统吸收激光辐照能量,在 系统表面和内部产生温度梯度很大的瞬态温度场和热 弹应力场,形成激发超声波的体力源。激光热弹机制 激发超声的理论研究工作集中在求解热弹方程,应用 的主要方法有双积分变换方法<sup>[5]</sup>、格林函数法<sup>[6]</sup>、双 重 Fourier变换法<sup>[7]</sup>和本征函数展开法<sup>[8]</sup>等解析或半 解析方法。

工程应用中,在不透明基底材料上经常会覆盖或 溅射上一层透明薄膜。对透明薄膜的情况,激光将直

基金项目:国家自然科学基金资助项目(60208004); 江苏 省自然科学基金资助项目(BK 2001056)

作者简介: 王纪俊 (1966-), 男, 副教授, 博士研究生, 主要 从事激光和材料的相互作用的研究。

\* 通讯联系人。 E-mail nxw@ mail njust edu cn 收稿日期: 2005-03-09,收到修改稿日期: 2005-05-26 接照射到薄膜 基底的分界面上,超声体源位于系统内 部,形成埋藏振动体源。ROSA, OLTRA 和 NADAL 建 立了透明薄层和基底系统的物理模型,采用解析方法 对激光脉冲产生的超声波的对心波形进行了理论和实 验研究<sup>[910]</sup>。但解析计算方法难以处理复杂的几何形 状和存在缺陷的样品及由于温度的变化而产生的材料 热物理参数改变的影响。有限元方法可以灵活地建立 复杂模型,考虑薄层和基底的物理参数随温度的变化, 得到全场的数值解。激光超声的产生和传播与薄膜 (或涂层)及基底的材料物理性质和结构有关,因此, 对心波形是测量和评价薄膜(或涂层)和基底的力学 和弹性性质的非常理想工具。作者采用有限元方法研 究由埋藏振动体源在薄膜 基底系统中超声波的产生 过程,建立了热传导方程和热弹力学方程的有限元模 型,计算出激光脉冲照射透明薄膜 基底系统的对心波 形,分析了透明薄膜厚度对超声对心波形的影响。

# 1 理论模型

 1 瞬态温度场和激光热弹超声波的产生 如图 1所示,在半无限不透明的基底上有一层透



Fig 1 Schematic diagram for laser irradiating system

明薄膜,设薄膜和基底为理想接触,由于薄膜透明,入 射光直接照射到薄膜和基底的交界面上。激光能量低 于材料的熔融阈值,即只考虑热弹效应。考虑到入射 激光束具有高斯分布的特性,在分析中采用柱坐标系, 热传导方程表示为<sup>[11]</sup>:

$$\begin{aligned} \rho_{i}c_{i}\frac{\partial T_{i}\left(r,z,t\right)}{\partial t} &= \frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}\left[r\kappa_{i}\frac{\partial T_{i}\left(r,z,t\right)}{\partial r}\right] + \\ &\frac{\partial}{\partial z}\left[\kappa_{i}\frac{\partial T_{i}\left(r,z,t\right)}{\partial z}\right] \end{aligned} \tag{1}$$

式中,  $T_i(r, z, t)$ 表示不同时间空间某一点的温度,  $\rho_s$  $c_s$   $\kappa_i$ 分别表示介质的密度、比热容和热导率, i=1, 2分别表示薄膜和基底。

系统的上下表面认为绝热。不考虑薄膜层对光强 的吸收,则薄膜和基底的分界面满足:

$$-\kappa_{1}\frac{\partial T_{1}(r, z, t)}{\partial z}\Big|_{z=h} + I_{0}A(T)f(r)g(t) = -\kappa_{2}\frac{\partial T_{2}(r, z, t)}{\partial z}\Big|_{z=h}$$
(2)  
表示入射光中心处的光强, A(T)是基底对光

式中,  $I_0$ 表示入射光中心处的光强,  $A_{1}(T)$ 是基底对光 的吸收系数, f(r)和 g(t)分别表示激光脉冲的空间和 时间高斯分布。

激光照射到透明薄膜和基底的分界面附近形成的瞬态温度场,导致材料内产生应力、应变,由热弹效应

激发出瞬态位移场,在两种介质中形成超声波。位移场满足方程<sup>[12]</sup>:

$$(\lambda_{i} + 2\mu_{i}) \nabla (\nabla \cdot U_{i}) - \mu_{i} \nabla \times \nabla \times U_{i} - \alpha_{i} (3\lambda_{i} + 2\mu_{i}) \nabla T_{i} (r, z, t) = \rho_{i} \frac{\partial^{2} U_{i}}{\partial t^{2}} \qquad (3)$$

式中,  $U_i = U_i(r, z, t)$ 表示两介质内质点的位移,  $\lambda_i$ 和  $\mu_i$ 是拉梅常数和泊松比。

边界条件为薄膜和基底的分界面位移连续、应力 连续。初始条件为系统初始静止。

1.2 数值计算方法

线性热弹性方程的有限元控制方程可表述为:

$$[M] \{ \ddot{\mathbf{U}} \} + [S] \{ \boldsymbol{U} \} = \{ \boldsymbol{F}_{\text{ext}} \}$$
(4)

式中, [*M*]是质量矩阵, [*S*]是刚度矩阵, {*U*}是位移 矢量, {Ü}是加速度矢量, {*F*<sub>ext</sub>}是激光作用, 用无条 件收敛的 Newmark时间积分方法求解上述方程。数 值积分的精度取决于时间步长和单元长度。在保证求 解精度下, 时间步长选取为<sup>[13]</sup>:  $\Delta t = 1/180$ /max, fmax是所 期望的最高频率, 有限元单元取 4节点的平面单元, 采用如下关系以保证能量在连续的两个节点之间传 递<sup>[13]</sup>:  $L_{e} = \lambda_{min}/20$ ,其中 $L_{e}$ 为单元的长度,  $\lambda_{min}$ 是传播 过程中最小波长。

数值计算结果和讨论

### 21 激光和材料参数

在有限元数值计算中,透明薄膜和基底分别为玻 璃和铝。温度变化时介质的材料参数如比热容、热传 导系数等也要发生改变,材料参数及其随温度变化规 律见表 1,其中, 4 为材料的熔点。铝盘半径 3 m,厚 度为 5mm,薄膜厚度取值范围从 5<sup>µ</sup>m到 200<sup>µ</sup>m。激光 能量 13 5m J 激光脉冲上升时间为 10n<sub>\$</sub>激光光束半 径为 300<sup>µ</sup>m。根据激光光束半径,有限元网格大小在

Tan le 1 Them o-physical properties of alum inum, glass used in the calculation

physical properties	glass	a lum inum
absorpt iv ity		$A(T) = 5.2 \times 10^{-2} + 3 \times 10^{-5} (T - 300)$
$\kappa / (W \bullet m^{-1} \bullet K^{-1})$	1 $83 \times 10^{-5}T + 0.012$ $300 < T < 800$ 1. $2 \times 10^{-5}T + 0.021$ , $800 < T < T_{\rm m}$	292 6 $T < 200 K$
		249 45– 0 085 <i>T</i> , 200 < <i>T</i> $\leq$ 730K
		198. 47– 0 014 <i>T</i> , $T < 730$ K $< T_{\rm m}$
$\rho / (kg \cdot m^{-3})$	2400	$-0\ 22T + 2769\ 300 \le T \le T_{\rm m}$
c / ( J• kg <sup>-1</sup> • K <sup>-1</sup> $)$	840	3 917 $T, T < 200$ K
		780 3+ 0. 488 <i>T</i> , 200 $\leq T \leq T_{\rm m}$
Poisson's ratio	0 17	0 34
Y oung' s modulus/P a	7. $5098 \times 10^{10}$	6 $85 \times 10^{10}$
the im all expansion coefficient / K $^{-1}$	$0.63 \times 10^{-6}$	2. $65 \times 10^{-5}$

近光束区域取为 5µm,远离近光束区域取 20µm。

#### 2 2 数值计算结果分析

221 温度场和温度梯度场分布 图2为1<sup>µ</sup>s时刻

系统的瞬态温度场和温度梯度场,其中图 2a为是 1µs 时系统的瞬态温度场分布图,从图中可以看出,系统的 温升区域集中在分界面处的激光光斑附近,温度场分



Fig 2 Contour of temperature and temperature gradient at 1<sup>µ</sup> s near the heat affected zone

a — contour of temperature b — radial temperature gradient c — axial temperature gradient

布在分界面附近很小的区域,轴向扩散深度不超过 80<sup>1</sup>/m,而径向扩散距离不超过 600<sup>11</sup>/m。铝中的温度升 高区域比玻璃中的温度升高区域大得多,在玻璃中温 度场的轴向扩散深度小于 15<sup>1</sup>/m,而铝中轴向扩散深 度约为 60<sup>1</sup>/m,其原因是铝的热导率比玻璃大得多,因 此,激光能量转化的热量大部分被铝所吸收。

图 2b是 1µs时系统的 x 方向 (即径向)的瞬态温 度梯度分布,图 2c是系统的 y 方向 (即轴向)的瞬态温 度梯度分布。由径向和轴向的温度梯度分布可看出: 铝材料中的温度梯度比玻璃中大很多,而且铝的热膨 胀系数比玻璃的热膨胀系数大,所以铝中产生的弹性 形变比玻璃产生的弹性形变大,可以近似认为热弹性 力源主要由铝的弹性形变产生的,起主要作用;径向温 度梯度和轴向温度梯度均在分界面附近区域达到最大 值,由热弹效应,温度梯度分布在材料的内部将产生瞬 态应力场分布,径向温度梯度对应于径向应力而产生 横波,轴向温度梯度对应于轴向应力而产生纵波<sup>[11]</sup>。 从图 2还可以看出,径向方向的温度升高区域和温度 梯度存在的区域明显都要比轴向广,决定了热弹效应 产生的径向应力比轴向应力大,这说明激光产生体源 中包含有更多的横波成分。

2 2 2 近场波形及其规律 利用有限元数值计算可 以得到透明薄膜 基底系统由热弹效应产生的超声波 信号及不同厚度透明薄膜对超声波的影响。图 3为薄 膜厚为 204m 时的对心近场波形,接受位置和轴线距 离为 1 5mm,可以看出波形中先到达的纵波(L波), 其后到达的为横波(S波),先到达的纵波中包含有双 极的脉冲波形。对心波形中首先到达的纵波是由下表 面质点的先向下运动,对应于材料的向外扩张(前驱 小波),然后是向上运动,对应于材料的收缩(与纵波



Fig 3 Near-axis nem alwaveform at epicenter in alum inum plate and coat ing-substrate system

到达的时间相一致),纵波到达后,由于材料的进一步 收缩,直到横波的到达。纵波中的双极脉冲波形是由 基底材料形变产生的负向脉冲和由透明薄膜 基底材 料的界面反射产生的正向脉冲合成的结果。图 3中虚 线表示的是单层铝板受到相同的脉冲激光照射下产生 的超声对心近场波形,比较两曲线可以看出,透明薄膜 覆盖在金属铝表面上对超声对心波形的影响主要表现 在双极的脉冲波形上,而对超声波在铝中的传播速度 并无影响。由图 3可以算得纵波和横波得速度分别为 6396 2m /s和 3112 4m /s速度计算结果和理论值一 致。横波的振幅相比纵波的振幅要大,主要原因是热 弹激发超声力源中包含有大量的横波成分。

进一步计算了对心近场波形随着透明薄膜厚度的 增加的变化规律,结果如图 4所示。图 4a为透明薄膜



Fig 4 Waveforms in different thickness of coating

较薄时的情况,薄膜厚度分别为 5<sup>µm</sup>和 10<sup>µm</sup>。可以 看出当透明薄膜较薄时双极脉冲波形基本相同。其原 因是当透明薄膜厚度较薄,小于其热扩散深度(15<sup>µm</sup> 左右)时,产生超声的振动体力源仍可近似看成表面 力源。图 4b为薄膜厚度为分别为 10<sup>µm</sup>,40<sup>µm</sup>和 80<sup>µm</sup>时的对心近场波形。由图看出,随着薄膜厚度 的增加,双极脉冲波形的振幅逐渐增大,在透明薄膜厚 度为 80<sup>µm</sup>时,其振幅已经超过横波的振幅。其原因 是随着透明薄膜厚度的增加,系统的振动体力源位置 也随之深入到物体内部。在无覆盖薄膜和薄膜很薄 时,振动体力源的上表面为自由表面或受到的约束较 小,而随着透明薄膜厚度的增加,振动体力源的上表面 的约束也随之增加,因此,双极脉冲波形振幅增大。由 图 4b还可看出双极脉冲波形的波形加宽,脉冲波形有 一定宽度是因为振动体源产生超声波在接受点处的高 频衍射效应产生的,随着透明薄膜厚度的增加,衍射效 应更加明显,波形加宽。图 4a、图 4b中双极脉冲波形 后出现了振荡波形,是由于纵波在透明薄膜中的多次 反射形成的。

# 3 结 论

有限元数值模拟研究了激光热弹激发的瞬态超声 波及其传播过程,建立起激光输入参数以及材料参数 和产生的对心波形特征之间的定量关系。在分析温度 场的基础上得到了玻璃 相系统中由脉冲激光激发的 对心近场超声波形,研究了透明薄膜厚度对对心近场 超声波形的影响,结果表明,对心波形中的双极脉冲波 形振幅和脉宽随透明薄膜厚度增加而变大。对心近场 波形的纵波(特别是双极脉冲波形)和横波波形中包 含有薄膜厚度、基底材料和界面性质等信息,通过对超 声波信号进一步分析可以了解材料的性质及参数,为 薄膜材料的特性及厚度等的无损检测和评价提供了理 论依据。

- 参考文献
- [1] SCHNEDER D, STEHL E, HAMMER R et al. Nondestructive testing of damage layers in sem iconductormaterials by surface acoustic waves

#### (上接第 169页)

度显著降低,损伤就随之发生。

从图 6非常齐整的段口可以发现,复合材料的损伤是整体炭化后的损伤,没有纤维拔出的痕迹。

# 4 结 论

激光能量沉积在复合材料内造成一定深度的体热 源。在热的作用下复合材料发生一系列的物理化学变 化:树脂的热膨胀、纤维的热收缩以及树脂和纤维的分 解、炭化等。热损伤的关键在于化学变化,焦化和炭化 使树脂和纤维剧烈收缩,收缩所产生的应力促使性能 变坏的复合材料损伤。激光热效应的影响区域很小, 复合材料的物理化学变化仅发生在光照区域。激光功 率高于烧蚀阈值时,辐照时间对材料的炭化面积、炭化 深度、开裂程度等有很大影响。

前期的实验和后期的显微分析得到了罗飞同志的大力支持,以及李建明、李晓兰等同志的帮助,特此感

 $[~J].~Proc SPIE,~2002,~4692~195 \sim 211.$ 

- [2] ZHANG Sh Y. Laser ultrasound and materials nondestructive evaluation [J]. Applied Acoustics 1992, 11(4): 1~6.
- [3] XU B Q, SHEN Zh H, N IX W et al. Time/ frequency analysis of ksergenerated ultrasonic wave in coating/substrate systems [J]. Laser Technology 2004, 28(6): 609~612(in Chinese).
- [4] CHEN X, XU R Q, SHEN Zh H et al. Reflected laser ultrasonic sensor for testing thickness and its application [J]. Laser Technology, 2003, 27(6): 557~559(in Chinese).
- [5] M dDONALD A F. On the precursor in laser-generated ultrasound waveforms in metals [J]. A P L, 1990, 56 (3), 230~232.
- [6] ROSE L R F. Pointsource representation for laser-generated ultrasound [J]. J Acoust Soc Amer, 1984, 75 (3): 723~732.
- [7] HUW X, QIANM L Numerical and experimental study on the ultrar sonic displacement field generated by a laser line source [J]. Acta A custica, 2000, 25(4): 345~ 350( in Chinese).
- [8] CHENG J C, ZHANG S Y. Quantitative theory for laser generated Lamb waves in orthotropic thin plates [J]. A P I, 1999, 74(14): 2087~2091.
- [9] ROSA G, PSYLLAK IP, OLTRA R et al. Sin ultaneous laser generation and laser ultrasonic detection of the mechanical breakdown of a coat ing-substrate interface(1). Ultrasonics 2001, 39(5): 355~ 365.
- [10] ROSA G, OLTRAR, NADAL M. Evaluation of the coating sub-strate adhesion by laser-ultrasonics modeling and experiments [J]. JA P, 2002.91(10): 6744~6753
- [11] XU & Q, SHEN Zh H, IU J et al. Numerical sinulation of laser ir duced transient temperature field in film-sub-strate system by finite efentent method [J]. International Journal of H eat and M ass T ransfer, 2003 46 (25): 4963 ~ 4968
- XU B Q, SHEN Zh H, N IX W et al. Numerical sinulation of laserinduced ultrasonic by finite element method [J]. J A P, 2004, 95 (4): 2116~ 2123.
- [13] WANG G Q. Practical numerical sinulation technology in engineering and practice in ANSYS [M]. Xi an: Publishing Company of Northeast University of Technology, 2001. 151~ 164 (in Chinese).

谢。

#### 参考文献

- LATHAM W P, BERAUN JE Laser effects research and modeling to support high energy laser systems [J]. Proc SPIE, 2001, 4376 5~ 14.
- [2] SUN ChW, FAN Zh X, CHEN Y Zh et al. Laser radiation effects
  [M]. Be ijing Publishing House of Defense Industry, 2002 6~7 (in Chinese).
- [3] SUN Ch W. H igh power laser interaction with materials and damage mechanism [A]. H igh Power Laser Technology Analysis and Comments [C]. M ianyang Chinese Academic of Engineer and Physics, 1989. 224~251( in Chinese).
- [4] WANG G B, LIU C L. Absorption characteristics of the composite reirr forced by polyarylamide fibers irradiated by high power laser [J]. High Power Laser and Particle Beams 2003, 11(15): 1065 ~ 1067(in Chinese).
- [5] STAVRDIM, G NNEKEN B, KOENDER NK J J Surface bidirection al reflection distribution function and the texture of bricks and tiles
  [J]. SPIE, 1996 2599 406~417.
- [6] ZAW ORSKI J W ELTY R, DROST M K. Measurement techniques for bidirectional reflectance of engineering materials [J]. A SME, 1993, 244: 172~ 177.