文章编号: 1001 3806(2004)05 0514 04

## 内光路热效应和像差对远场光束质量的影响

季小玲<sup>1,2</sup>,陶向阳<sup>1,3</sup>,吕百达<sup>1,3</sup>

(1. 四川大学 激光物理与化学研究所, 成都 610064; 2. 四川师范大学 电子工程学院, 成都 610066; 3. 江西师范大学 物理与通信电子学院, 南昌 330027)

摘要:选取桶中功率 PIB, Strehl 比, β 和像散参数 w<sub>x</sub>/w<sub>y</sub> 作为远场光束质量的评价标准,用自编的四维仿真 程序就内光路热效应和像差对光束质量的影响作了详细的数值计算和分析。研究表明,离焦、像散和热效应都将 导致远场光强分布出现畸变,可聚焦能力降低,光束质量变差。

# The influence of thermal effects and aberrations in a beam control system on the beam quality in the far field

JI Xiao-ling<sup>1,2</sup>, TAO Xiang-yang<sup>1,3</sup>, L<sup>ŕ</sup>Bairda<sup>1,3</sup>

(1. Institute of Physics and Chemistry, Sichuan University, Chengdu 610064, China; 2. College of Electronic Engineering, Sichuan Normal University, Chengdu 610066, China; 3. College of Physics & Communication Electronics, Jiangxi Normal University, Nanchang 330027, China)

**Abstract:** By using a four-dimensional simulation code, a detailed numerical study of the influence of thermal effects and aberrations in a beam control system on the beam quality is made. The Strehl ratio,  $\beta$ , astigmatism parameters and power in the bucket (PIB) are chosen as criteria for characterizing the beam quality in the far field. It is shown that the defocus, astigmatism and thermal effects result in the distortion of intensity distribution and reduction of the focusability in the far field, thus degrade the beam quality.

Key words: thermal effect; high power laser; defocus and astigmatism; beam control system (inner optical system); beam quality

引 言

迄今, 对强激光的大气传输, 特别是大气湍流和 热晕对激光传输的影响已作了许多理论和实验研 究<sup>[1~3]</sup>。对实际的强激光系统, 从激光器输出的光 束一般还要经过光束控制系统(亦称内光路) 扩束后 再经大气传输。尽管激光在内光路中的传输距离 (典型值为数米至数十米) 与大气传输距离(典型值 为数公里至数十公里) 相比很短, 但高功率密度的细 光束在控制系统中的热效应( 热晕) 对远场光束质量 会产生很大影响, 对此仅有不多的研究结果报

E mail: jiXL 100@ 163.com

收稿日期: 2002-1F 07; 收到修改稿日期: 2003-1F 24

道<sup>[4, 5]</sup>。作者采用桶中功率 PIB, Strehl 比, β 和像 散参数评价远场光束质量, 用自编的四维光束传输 程序, 就内光路中的热效应和像差(后者由激光器或 光学元件加工误差等因素引起)对远场光束质量影 响作了详细的研究。结果表明, 内光路的热效应和 像差(离焦和像散)都使远场光强分布出现畸变, 中 心光强减小, 可聚焦能力降低, 光束质量变差, 因此, 在实际工作中应当采取有效措施以减小内光路热效 应和像差的影响。

1 理论模型

近轴近似下,激光束的传输方程为<sup>[2]</sup>:

$$2ik \frac{\partial E}{\partial z} = \nabla_{\perp}^2 E + k^2 (n^2 / n_0^2 - 1) E \qquad (1)$$

式中, k 为波数, E 为慢变场振幅,  $n_0$  为未扰动时的 折射率, n 为折射率。

光强为:  $I = |E|^2 \exp(-\alpha z)$  (2)

基金项目:国家高技术 863-802 资助项目(A823070)

作者简介:季小玲(1963), 女, 教授, 博士研究生, 主要 从事激光传变换的研究。

α 为衰减系数。

等压近似下,流体力学方程为:

 $\partial \rho / \partial t + v \cdot \nabla \rho = -(y-1) \alpha l / c_s^2$  (3) 式中,  $y = c_p / c_v$ ,  $c_p$ ,  $c_v$  分别为比定压热容和比定容 热容,  $\rho$ 为流体密度, v 为流体速度,  $c_s$  为声速。像 差造成的相位畸变可由 Zernike 多项式描述, 其相 位因子为<sup>[6]</sup>:  $\Phi(x, y) = \exp[-iC_j Z_j(x, y)]$  (4) 式中,  $Z_j(x, y)$ 为 Zernike 多项式,  $C_j$ 为像差系数。 对于离焦和像散, Zernike 多项式可分别表示为:

$$Z_4 = \frac{x^2 + y^2}{2w_0^2}, \quad Z_5 = \frac{x^2 - y^2}{2w_0^2} \qquad (5)$$

wo为光束孔径。

离焦和像散的高斯光束初始场分布分别为:

$$E_{1} = E \exp \left[ i \frac{k(x^{2} + y^{2})}{2z_{f}} - \frac{x^{2} + y^{2}}{2w_{0}^{2}} \right] \times \exp \left[ -iC_{4}(x^{2} + y^{2})/2w_{0}^{2} \right]$$
(6)  

$$E_{2} = E_{0} \exp \left[ i \frac{k(x^{2} + y^{2})}{2z_{f}} - \frac{x^{2} + y^{2}}{2w_{0}^{2}} \right] \times \exp \left[ -iC_{5}(x^{2} - y^{2})/2w_{0}^{2} \right]$$
(7)

式中, 波数  $k = 2\pi / \lambda (\lambda)$  为波长),  $z_f$  为聚焦光学系统的焦距。

针对所研究问题,文中采用以下参数评价强激 光远场光束质量。

(1) 桶中功率(PIB)<sup>[7]</sup>  
PIB = 
$$\int_{0}^{a} I(r, z_{f}) r dr \sqrt{\int_{0}^{\infty} I(r, z_{f}) r dr}$$
 (8)

式中,  $r = \sqrt{(x - \overline{x})^2 + (y - \overline{y})^2}$ , a 为桶的半径。物理上, PIB 表征了光束的可聚焦能力。

(2) Strehl  $\mathfrak{k}(S_r)$ 

$$(3) \beta \not \equiv \mathbf{X} \qquad \beta = \sqrt{A m/A 0} \qquad (10)$$

式中, *A*<sub>m</sub>, *A*<sub>0</sub>分别表示当环围功率为63%时, 实际 光束和理想光束所对应的面积<sup>[8]</sup>。

(4) 像散参数 
$$w_x / w_y$$
  
按二阶矩定义的束宽  $w_x, w_y$  为:  
$$\begin{pmatrix} w_x^2 = \frac{4 \iint (x - \overline{x})^2 + E(x, y) + 2 dx dy}{\iint + E(x, y) + 2 dx dy} \\ w_y^2 = \frac{4 \iint (y - \overline{y})^2 + E(x, y) + 2 dx dy}{\iint + E(x, y) + 2 dx dy}$$
(11)

式中, x 和 y 分别为按一阶矩定义的光束重心位置:

$$\begin{cases} \overline{x} = \frac{\iint x + E(x, y) + {}^{2} \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y}{\iint + E(x, y) + {}^{2} \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y} \\ \overline{y} = \frac{\iint y + E(x, y) + {}^{2} \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y}{\iint + E(x, y) + {}^{2} \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y} \end{cases}$$
(12)

#### 2 数值计算及分析

本文中限于研究内光路热效应和像差问题,激 光束在内光路以外设为经真空传输至远场。计算参 数为: Y = 1.4,  $n_0 = 1.00035$ , 大气密度(标准大气 下)  $\rho_0 = 1.302461 \text{ kg/m}^3$ ,  $c_s = 340 \text{ m/s}$ ,  $\lambda = 10.6 \text{ µm}$ ,  $\alpha = 6.5 \times 10^{-5}$ /m,  $w_0 = 5 \text{ cm}$ ,  $z_f = 2 \times 10^3$ m, 光束在 内光路中传输的距离 d = 10 m。图1至图5中光束 发射功率均为 P = 100 kW。文中计算 v = 0, 即无横 向风时的瞬态解。



Fig. 1  $\,$  PIB curves of a Gaussian beam with defocus for different values of  $\,C_4$ 

图 1 为不同离焦系数 C<sub>4</sub> 的离焦高斯光束的 PIB 曲线,其中虚线对应于在真空传输时的 PIB 曲 线。由图1可知,在无热效应的情况下(见虚线),离 焦像差会影响远场光强分布,即离焦使得光束的 PIB 减小, 且 C4 越大, 光束的 PIB 越小, 光束可聚焦 能力越低。与真空传输情况相比较,内光路中的热 效应使得光束的 PIB 下降(见实线), 且光束可聚焦 能力随着  $C_4$  的增大而降低。图 2 为  $C_{4}= 0$  和  $C_4$ = 0.6的离焦高斯光束在远场,即几何焦面上(z = 2×  $10^{3}$  m) 的光强分布。图 3 为 C<sub>4</sub>= 0 和 C<sub>4</sub>= 0.6 的 离焦高斯光束在内光路出口处(z=0)和远场的等 光强线分布。表1中为离焦高斯光束远场光束质量 参数的数值计算结果。图 2 和图 3 表明, 尽管在内 光路出口处光强分布无明显的变化,仍呈现良好的 高斯分布(见图3),但离焦和像散以及内光路的热 效应对远场光强分布有很大的影响。与理想高斯光 束(C4=0)相比较,离焦使得远场中心光强减小,光 强分布扩展。由表 1 可知: (1) 仅有热效应的情况下



Fig. 2 Intensity distributions of a Gaussian beam with defocus in the far field



Fig. 3 Contour lines of a Gaussian beam with defocus at the exit of the beam control system and in the far field

Table 1 Numerical calculation results for a Gaussian beam with defocus

$C_4$	0	0.15	0.30	0.60
$S_{ m r}$	0.276	0. 195	0.127	0.085
β	2.36	2.45	2.55	2.77

(*C*<sub>4</sub>= 0), *S*<sub>r</sub>= 0. 276, β= 2. 36, 实际光束光强峰值 为理想高斯光束的 0. 276 倍, 63% 环围能量的光斑 直径较理想高斯光束的增大了 2. 36 倍, 即热效应的 作用使得远场光强峰值下降很多, 光斑尺寸扩大很 多; (2) 与仅有热效应的情况相比较, 离焦使得光束 的 *S*<sub>r</sub> 减小, β 值增大, 即光强峰值和光束可聚焦能 力进一步降低, 且离焦系数越大, 光束质量越差。 图 4 为 C<sub>5</sub>= 0 和 C<sub>5</sub>= 0.4 的像散高斯光束在 远场 z= 2×10<sup>3</sup>m 处的光强分布。图 5 为 C<sub>5</sub>= 0 和 C<sub>5</sub>= 0.4 的像散高斯光束在内光路出口处(z=0)和 远场的等光强线分布。表 2 为像散高斯光束远场光





Fig. 5 Contour lines of a Gaussian beam with astigmatism at the exit of the beam control system and in the far field

Table 2 Numerical calculation results for a Gaussian beam with astig matism

C <sub>5</sub>	0	0.2	0.3	0.4
$S_{\rm r}$	0.276	0.264	0. 251	0.236
$w_x / mm$	252.14	265.45	272.65	279.80
$w_y / mm$	252.14	239.38	233.32	227.51
$w_x / w_y$	1.00	1.11	1.17	1.23

束质量参数的数值计算结果。离焦和 v = 0 时内光 路中的热效应不会导致光束像散(见图 2 和图 3)。 由图 4 和图 5 可知,理想高斯光束经内光路传输到 远场也不会出现像散(见图 4a 和图 5a),但像散高斯 光束经内光路传输到远场为像散光束(见图 4b 和图 5b)。表 2的数值计算结果与图 4 和图 5 是一致的, 与理想高斯光束( $C_5 = 0$ )相比较, $S_1$ 减小, $w_x$ , $w_y$ 和 $w_x/w_y$ 均增大。当无热效应时,像散会使 PIB 减

小,但像散高斯光束在几何焦面上是无像散的<sup>[9]</sup>。 本文中的研究表明,当内光路中有热效应存在时,像 散高斯光束经内光路后再经真空传输到远场(几何 焦面)仍为像散光束。其物理原因是由于热晕是一 种非线性效应,它会反过来影响光强。为了说明这 一问题,图6和图7分别给出了不同光束发射功率 *P*下,像散高斯光束在远场的等光强线分布 和 PIB曲线。图6表明,随着光束发射功率*P*的



Fig. 6 Contour lines of a Gaussian beam with astigmatism for different P in the far field,  $C_5 = 0.4$ 

降低, 远场光束像散程度减轻, 当P = 5kW时(见图 6c), 远场光束已无像散。由图 7 可知, 光束的 PIB 随着发射功率 P 的降低而增大, 当P = 5kW时, 其 PIB 曲线已与真空传输时的 PIB 曲线重合。这是因-为随着发射功率的减小, 非线性热晕效应减弱。当 P = 5kW时, 非线性热晕效应已可忽略, 光束无像 散, 回到文献[9] 中的结果。



Fig. 7 PIB curves of a Gaussian beam with a stigmatism for different *P* in the far field

.... — PIB curve of a Gaussian beam with astigmatism propar gating in vacuum,  $C_5=0.4$ 

### 3 结 论

用Zernike 多项式描述像差, 编制了一套计算 有像差时激光热晕的四维(x, y, z, t)程序。用桶中 功率 PIB, Strehl 比,  $\beta$  和像散参数  $w_x / w_y$  表征远场光 束质量, 研究了热效应和像差对远场光束质量的影 响。 数值计算表明,离焦和像散像差都会使得远场峰值 光强减小,光束可聚焦能力下降。由于光束控制系 统中激光的功率密度很高,内光路中的热效应对远 场光强分布会产生很大的影响,它使得远场光强峰 值和光束可聚焦能力进一步降低,光束质量下降。 离焦和无横向风时的热效应都不会导致光束像散, 但对于像散高斯光束的非线性热效应要引起远场光 束出现像散,且像散系数和光束发射功率越大,光束 像散越厉害。本文中所得结论对高功率激光远程能 量输运之类问题的研究有实际意义。

#### 参考文献

- SMITH D C. Highr power laser propagation: thermal blooming
   [J]. Proc IEEE, 1977, 65 (12): 1679~1714.
- [2] FLECK J A, MORRIS J R, FEIT M D. Time dependent propagar tion of high energy laser beams through the atmosphere [J]. A ppl Phys, 1976, 10: 129~ 160.
- [3] 陈栋泉, 李有宽, 徐锡申 *et al*. 激光大气传输中热晕的数值模 拟[J]. 强激光与粒子束, 1993, 5(2): 243~252.
- [4] 金 钢, 刘顺发, 李树 民 et al. 激光热效应对光束控制系统发射光束质量的影响 [J]. 中国激光, 2002, A29(10): 895~899.
- [5] 刘顺发,金 钢,陈洪斌 et al. 激光热效应对光束控制系统发射光束质量的影响[J].光电工程,2001,28(6):14~16,72.
- [6] BORN M, WOLF E. Principles of optics [M]. 7th ed, England: Cambridge University Press, 1999. 527~ 532.
- SIEGMAN A E. How to(maybe) measure laser beam quality [J].
   OSA T OPS, 1998, 17: 184~ 199.
- [8] GARAY A. Continuous wave deuterium fluoride laser beam diag nostic system [J]. SPIE, 1998, 888: 17~ 22.
- [9] 季小玲,吕百达.像散透镜对高斯光束的变换特性[J].强激光 与粒子束,2000,12(4):397~400.